



Revista Mexicana de Ciencias Geológicas
ISSN: 1026-8774
ISSN: 2007-2902
rmcg@geociencias.unam.mx
Universidad Nacional Autónoma de México
México

Semiautomatic recognition of karstic depressions by analysis of aggregates in their morphometric distributions. Application to the karst of the State of Yucatán, Mexico

Paredes, Carlos; Matos, Hector; de la Vega, Rogelio; Pardo, Eulogio

Semiautomatic recognition of karstic depressions by analysis of aggregates in their morphometric distributions.
Application to the karst of the State of Yucatán, Mexico

Revista Mexicana de Ciencias Geológicas, vol. 36, núm. 2, 2019

Universidad Nacional Autónoma de México, México

Disponible en: <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=57265251010>

Semiautomatic recognition of karstic depressions by analysis of aggregates in their morphometric distributions. Application to the karst of the State of Yucatán, Mexico

Carlos Paredes 1*
 Universidad Politécnica de Madrid, España
 carlos.paredes@upm.es

Redalyc: <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=57265251010>

Hector Matos 1
 Universidad Politécnica de Madrid, España

Rogelio de la Vega 1
 Universidad Politécnica de Madrid, España

Eulogio Pardo 2
 Instituto Geológico y Minero de España, España

Recepción: 10 Julio 2018
 Aprobación: 07 Marzo 2019

RESUMEN:

La península del Yucatán, una de las regiones en las que fisiográficamente se divide la República Mexicana; se encuentra principalmente constituida por rocas carbonatadas de origen sedimentario, por lo que, debido a sus condiciones geológico-estructurales, climáticas e hidrogeológicas, acoge importantes procesos de disolución, lo que da lugar a un paisaje en el que predominan las formaciones endo- y exokársticas. Entre estas segundas, las depresiones en forma de cenotes, dolinas, uvalas y poljes han sido objeto de numerosos estudios, al tratarse de zonas de importancia tanto hidrogeológica como histórica como sociocultural, muy sensibles a la alteración medioambiental. Actualmente hay unas 3000 depresiones catalogadas en el Estado de Yucatán (EY), sin embargo, la cobertura vegetal dificulta su localización y clasificación, mermando la completitud del inventario. En este trabajo se presenta el procedimiento utilizado para construir y ampliar el catálogo de depresiones en el EY, agrupado por tipologías, mediante un sistema de clasificación semiautomática de tipo k-medias, utilizando los parámetros morfométricos más relevantes de las depresiones, identificados mediante una agrupación jerárquica. Los inventarios utilizados de cenotes (Secretaría de Desarrollo Urbano y Medio Ambiente del Gobierno de Yucatán), de cuerpos de agua (Instituto Nacional de Estadística y Geografía, INEGI), y curvas de nivel hipsométricas a escala 1:50000 (del INEGI) han sido complementados con las depresiones obtenidas en este trabajo. Se ha usado el modelo digital de elevaciones con 15 m de resolución (CEM 3.0, INEGI), mediante dos algoritmos (llenado y jerárquico) en ArcGis. Para cada inventario se han calculado los parámetros morfométricos: área, perímetro, circularidad, forma, ancho, largo, elongación y alargamiento, siendo los dos primeros (transformados logarítmicamente) y los tercero y cuarto, los que han resultado ser más relevantes. La agrupación k-medias ha permitido discriminar un primer grupo de 6587 pequeñas depresiones, cenotes y dolinas secas, muy condicionadas a la estructura de impacto Chicxulub; un segundo grupo de 4428 uvalas, 406 poljes, y 89 grandes depresiones, más allá del borde exterior de Chicxulub y un tercer grupo de 5176 dolinas tipo cockpit concentradas

NOTAS DE AUTOR

1 Departamento de Ingeniería Geológica y Minera, Escuela de Minas y Energía, Universidad Politécnica de Madrid, Ríos Rosas 21, 28003 Madrid, España.

* carlos.paredes@upm.es

1 Departamento de Ingeniería Geológica y Minera, Escuela de Minas y Energía, Universidad Politécnica de Madrid, Ríos Rosas 21, 28003 Madrid, España.

1 Departamento de Ingeniería Geológica y Minera, Escuela de Minas y Energía, Universidad Politécnica de Madrid, Ríos Rosas 21, 28003 Madrid, España.

2 Departamento de Investigación en Recursos Geológicos, Instituto Geológico y Minero de España, Ríos Rosas 23, 28003 Madrid, España.

sobre la sierra de Ticul y diseminadas en zonas de lomeríos. Finalmente, se han establecido las distribuciones de sus parámetros morfométricos más relevantes, que son característicos de cada una de estas agrupaciones.

PALABRAS CLAVE: Karst, dolina, cenote, uvala, polje, clasificación jerárquica, *k*-medias, Yucatán, México.

ABSTRACT:

*The Yucatán Peninsula, one of the regions in which the Republic of Mexico is physiographically divided, is mainly constituted by carbon-ate rocks of sedimentary origin, which, due to its geological, structural, climatic and hydrogeological conditions, hosts important dissolution processes, which configure surface and underground karst landscapes. Among these, karst depressions in the form of cenotes, sinkholes, uvalas and poljes, have been the subject of many studies, because they constitute important groundwater and historic sociocultural resources, very sensitive to the environmental alteration. Currently, there are about 3000 collected karst depressions in the State of Yucatán (EY), however, the thick vegetation cover usually hinders its location and / or classification, reducing the completeness of the inventory. This paper presents the procedure used to build a catalog in the EY, grouped by types of karstic depressions, using a *k*-means semi-automatic classification system, and the most relevant morphometric parameters of the depressions, identified by a hierarchical clustering. The inventories used here are: cenotes (from Secretaría de Desarrollo Urbano y Medio Ambiente, Yucatán), water bodies (from Instituto Nacional de Estadística y Geografía, INEGI), and hypsometric level curves from 1:50000 topographical maps (INEGI). They have been complemented with the depressions obtained by two algorithms: DEM (CEM 3.0, INEGI) filling and hierarchical, both implemented in ArcGis with 15 m of pixel resolution. For each inventory, once each has been corrected and rectified, the morphometric parameters have been calculated: area, perimeter, circularity, shape, width, length, and elongation, the first two (logarithmically transformed) and the third and fourth ones, have turned out to be more relevant, after the cluster hierarchical analysis. The *k*-means clustering method provide, after synthesis of each grouping on inventories, a total of 6587 small depressions, geographically around to the Chicxulub impact structure; 4428 uvalas, 89 large depressions, all of them outside to the Chicxulub edge, and 5176 cockpit karst depression, most of them spreaded over Sierra de Ticul. Finally, probabilistic distributions of most representative morphometric parameters have been determined, characterizing each karstic sink typology resulting clusters.*

KEYWORDS: Karst, doline, cenote, uvala, polje, clustering, *k*-means, Yucatán, Mexico.

INTRODUCCIÓN

En los terrenos constituidos por carbonatos (p.ej. calizas CaCO_3), sulfatos (p.ej. yesos $\text{CaSO}_4 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$), o evaporitas (p.ej. halita, NaCl) de origen sedimentario es común que surjan oquedades naturales (Bögli, 1980, Radulović, 2013) de tamaño variable, tanto en superficie como en profundidad, fruto de la karstogénesis (Ford y Williams, 2007). El terreno calizo próximo a la superficie, en la denominada zona epikárstica, está sometido a un efecto combinado de karstogénesis superficial, en la que el agente disolvente proviene principalmente de las aguas de lluvia y de las aguas subterráneas, al encontrarse en la zona donde el grado de saturación en agua del acuífero es variable, y el poder de karstificación depende principalmente de su composición química y su temperatura (Jennings, 1985; Ford y Williams, 2007; Radulović, 2013). Bien sea por la disolución causada por las aguas superficiales o profundas, las cavidades distribuidas por el macizo se van ampliando y los hundimientos epikársticos se van agrandando, su techo se va adelgazando hasta que se desploma por su propio peso sobre el hueco subyacente, con el consiguiente hundimiento de la superficie del terreno y la formación en éste de un conjunto de sumideros, pozos, hoyos o dolinas de dimensión variable. Según su tamaño y ambiente geomorfológico, las depresiones pueden colapsarse, fusionarse con otras, colmatarse, inundarse, o drenarse por cauces subterráneos de forma más o menos desorganizados o por cuevas, que se conectan con la superficie a través de grutas, simas o ponores (Gutiérrez-Elorza, 2008). La dolina es una depresión cerrada, de perímetro regular, circular o levemente elipsoidal, de hasta varios centenares de metros, bordes en forma de artesa, cubeta o escarpados, con su fondo estacional o permanentemente inundado (Cvijic, 1895; Radulović, 2013). Las dolinas pueden encontrarse aisladas o en grupos, formando campos de dolinas (Ford y Williams, 2007). Cuando, por el paso del tiempo y la supresión de las paredes que las separan, las dolinas próximas coalescen, forman uvalas (Sweeting, 1973). Las uvalas son consecuencia de la disolución acelerada, erosión o colapso, a lo largo de las zonas tectónicamente debilitadas en las paredes comunes (Čalić, 2011). Los poljes son depresiones de mayor extensión (normalmente de 5 a 400 km^2), desconectadas entre

sí, de origen poligenético (Sauro, 2012). Son el resultado de la actuación combinada de varios procesos tectónicos locales o regionales y de disolución lateral, que agrandan la planicie deprimida, pudiendo llegar a tener su eje mayor decenas de kilómetros, alineado con las principales direcciones estructurales neotectónicas (White y David, 2012). En ocasiones, cuando el régimen de lluvias supera la capacidad de evacuación del ponor o sumidero kárstico y de la capacidad de infiltración, los poljes forman extensas superficies endorreicas inundables. Estas condiciones pueden favorecer igualmente la formación de dolinas y uvalas en su interior.

México posee en Chiapas y la península de Yucatán (PY) una de las regiones kársticas más interesantes del mundo (Finch, 1965), encontrándose allí las dolinas y uvalas más llamativas y de mayor dimensión (hasta 100 m de profundidad), tan espectaculares como vulnerables. Las condiciones geológicas, climáticas e hidrogeoquímicas que han favorecido su formación (Bauer-Gottwein *et al.*, 2011; Aguilar *et al.*, 2016) las hace ser un recurso natural turístico de gran belleza, en las que la historia de los pueblos nativos de la región se encuentra íntimamente ligada a su distribución como lugares de culto y misticismo: los cenotes (término derivado del maya: tz'onot o d'zonot, que significa caverna con depósito de agua), las aguadas, de menor profundidad, las hondonadas, rejolladas o sartenejas (pequeños agujeros que en época de lluvias se llenan de agua). Muchas de estas piscinas naturales, tienen su fondo bajo una lámina de agua mostrando su relación directa con el acuífero subyacente. Desde antaño vienen siendo utilizadas de forma sostenible, pero en la actualidad algunas son aprovechadas como vertederos de basura o como pozos receptores de aguas residuales. Los de menor tamaño, muy numerosos y ampliamente diseminados, son también receptores de aguas residuales y propician la contaminación difusa agropecuaria (Polanco *et al.*, 2015), resultando ser un recurso que afecta la continuidad de medio natural subterráneo (Bautista *et al.*, 2011; Gutiérrez *et al.*, 2014; Nava, 2015).

Para comprender la complejidad de la karstogénesis de estas depresiones en todas sus tipologías, es necesario examinar aspectos como su forma (en planta y en sección) y su tamaño, su ubicación y relación con respecto al relieve, la geomorfología circundante, la tectónica local y regional (fallas, fracturas, diaclasas, discontinuidades o debilidades estructurales), su relación hidrogeoquímica subaérea con el acuífero, las condiciones medioambientales y climáticas en las que se desarrollan, entre otros (Sauro, 2012). Este trabajo aborda la morfología y el tamaño de las depresiones kársticas, es decir, su morfometría planimétrica como criterio geomorfológico de clasificación.

Los estudios morfométricos realizados sobre paisajes kársticos en zonas tropicales se inician a partir de los trabajos de Williams (1971, 1972) y Day (1976), además de los recogidos en White y David (2012), entre otros. Los primeros de estos estudios en el Estado de Yucatán se encontraban limitados a un conjunto de medidas obtenidas a partir de campañas de campo, mapas topográficos o geomorfológicos elaborados a gran escala (1:1.2 millones de Lugo-Hubp *et al.*, 1992; Basso *et al.*, 2013), o sobre áreas relativamente pequeñas y accesibles al hombre para llevar a cabo el estudio. Sobre grandes extensiones, los análisis geomorfológicos realizados son muy generalistas (Lugo-Hubp y García-Arizaga, 1999).

Actualmente, los sistemas de información geográfica (SIG), los sistemas de posicionamiento global (GPS), los modelos digitales de elevaciones (MDE) y otros datos del amplio espectro electromagnético, permiten precisar uniformemente el detalle de los estudios morfométricos en amplias zonas, mejorando el conocimiento del origen, la naturaleza y los fenómenos que controlan la karstogénesis, así como de los factores medioambientales y antrópicos que le influyen (Denizman and Randazo, 2000; Shofner *et al.*, 2001; Hung *et al.*, 2002; Florea, 2005; Lyew-Ayee *et al.*, 2007; Galve *et al.*, 2015; entre otros), tanto en superficie (exokarst) como en interior (endokarst), y de las relaciones y conexiones existentes entre ambos (Szukalski, 2002). Otros estudios se centran en la descripción y clasificación de acuerdo con la tipología del modelado exokárstico y, particularmente, de sus depresiones, diferenciando entre simas, cenotes, dolinas, uvalas y poljes (Plan *et al.*, 2009; Fragoso-Servón *et al.*, 2014) como las más comunes. En este sentido, los estudios en la PY como los de Cole (1910), Finch (1965), Lugo-Hubp *et al.* (1992), Lugo-Hubp y García-Arizaga, (1999), Bautista-Zúñiga *et al.* (2003), Bautista *et al.* (2005), entre otros, han reconocido la abundancia de depresiones kársticas

en todos sus tipos, notablemente en las amplias mesetas del NE de Yucatán. Hasta el momento, hay más de 7000 cartografiadas en el área noroccidental de la península (Steinich, 1996; Fragoso-Servón *et al.*, 2014; Aguilar *et al.*, 2016). Sin embargo, su caracterización morfológica, distribución espacial, direccionalidad y densidad, no está totalmente descrita y cuantificada, al no existir un catálogo completo. La fiabilidad de los mapas de susceptibilidad y peligrosidad que se elaboren a partir de la distribución espacial de las depresiones y la eficacia de las medidas de mitigación dependen en gran medida de la representatividad, la integridad y la exactitud de los catálogos en los que se basan (Al-Kouri *et al.*, 2013; Gutiérrez *et al.*, 2014).

Este trabajo aborda el completado y la clasificación de los catálogos disponibles en tipologías de depresiones kársticas sobre el Estado de Yucatán, a partir de un análisis de los inventarios públicos existentes sobre depresiones kársticas (procedentes del SEDUMA e INEGI) y su contraste con los que se obtengan mediante el análisis del MDE con algoritmos de reconocimiento de depresiones. Los inventarios iniciales han sido revisados y depurados con la información que proporciona el MDE, para obtener los catálogos de proyecto. Para la clasificación en tipologías, se han seleccionado los parámetros morfométricos más relevantes utilizando una técnica de agrupación jerárquica, estableciendo las agrupaciones en dolinas/cenotes, uvalas, poljes y grandes depresiones, mediante una técnica de agregación por reasignación del tipo k-medias. La clasificación obtenida se valida con un estudio estadístico comparativo de las distribuciones de los parámetros morfométricos, de los conjuntos de depresiones agrupadas por tipologías. Finalmente, se interpretan los cálculos realizados y discuten los resultados obtenidos, para extraer las conclusiones más relevantes sobre los criterios taxonómicos de las depresiones kársticas en el Estado de Yucatán y las características más notables en su distribución según la metodología aplicada.

ÁREA DE ESTUDIO: EL ESTADO DE YUCATÁN

El Estado de Yucatán (EY) posee una extensión 43379 km² y se ubica, junto con el de Quintana Roo y casi todo el de Campeche, en la Península de Yucatán (PY). La PY, localizada entre las coordenadas 19°40' y 21°37'N, y 87°30' y 90°26' W, se extiende 39340 km² sobre el bloque continental de Yucatán (Figura 1), separa el Mar Caribe del Golfo de México, e incluye la plataforma sumergida adyacente de Campeche, unos 450000 km². Está limitado al NW por un escarpe NE-SW (Weide, 1985; Paull *et al.*, 2014), hacia el W por el cañón de Campeche, y al E por el cañón (o lengua) de Catoche (86°W, 24°N); a partir de allí el bloque se estrecha hacia el sur, desapareciendo prácticamente en la costa a la altura del Cabo de Catoche (López-Ramos, 1973, 1975).

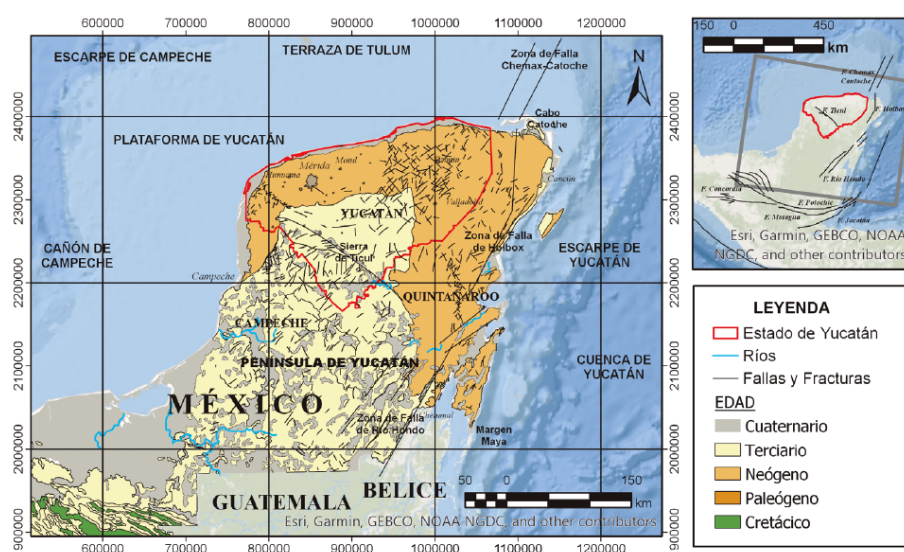


FIGURA 1

Encuadre geográfico de la Península de Yucatán y mapa geológico mostrando la fracturación local del Estado de Yucatán. Modificado a partir de INEGI (1983), Weidie (1985), SGM (2007), Perry *et al.* (2009), Bauer-Gottwein *et al.* (2011) y Bautista y Palacio (2011). Proyección UTM WGS84 zona 15N.

El clima cálido subhúmedo de la PY está ligado al régimen de abundantes lluvias y de temperaturas propio de las regiones tropicales del hemisferio norte, con pocos contrastes altitudinales y escasa altitud sobre el nivel del mar. La ausencia de elevaciones significativas, la importante actividad atmosférica debida a la proximidad al Trópico de Cáncer y al anticiclón de Bermudas-Azores, la sequía intraestival y la llegada de corrientes tanto polares (del norte) como cálidas (del Golfo) son los principales factores que configuran su clima (Orellana *et al.*, 2009). Tiene cuatro regímenes climáticos, principalmente orientados de acuerdo a su eje SW-NE. La costa norte es la más seca de la PY con un clima semiárido de los subtipos BS₁(h')w y BS₀(h')w. En la isla de Cozumel, el clima es cálido húmedo de subtipo Am(f) con abundantes lluvias invernales. El resto de la PY tiene un clima cálido subhúmedo con tres subtipos que incluyen Aw₀, Aw₁ y Aw₂ de humedad creciente. Las áreas más secas se encuentran en el oeste y las más húmedas en el este (García, 1990). La distribución de la vegetación refleja el fuerte gradiente pluviométrico en la PY, variando de las zonas más áridas en el NW hasta las selvas altas de bosque lluvioso en el SE, con selvas bajas caducifolias y subcaducifolias en las planicies centrales. El factor climático es determinante para un buen desarrollo de las formas exokársticas de disolución que requieren precipitaciones importantes, como ocurre en Yucatán (Bautista *et al.*, 2015). Además, se requiere de una topografía poco montañosa, de llanuras y planicies endorreicas poco elevadas, con una espesa cobertura vegetal que favorece la infiltración al subsuelo, dificultando que se establezca una red fluvial permanente.

Fisiográficamente, el EY es un territorio con una amplia diversidad de zonas (hasta 21 según Duch, 1991), tales como las llanuras kársticas yucatecas, los lomeríos karsto-tectónicos campechanos, o las llanuras kársticas quintanarroenses, que pueden ser agrupadas en dos unidades geomorfológicas principales: (1) llanuras recientes de menos de 50 m de elevación con desarrollo mínimo de karst, y (2) llanuras y colinas más antiguas con menos de 400 m de elevación (Lugo-Hubp *et al.* 1992). De su suave a escaso relieve (50 m s.n.m. de promedio), con altitudes inferiores a los 400 m s.n.m. (Vidal-Zepeda, 2005), destaca la Sierrita de Ticul (hasta los 250 m s.n.m. en el cerro Benito Juárez) al SW del EY. Esta pequeña cadena divide a la PY en dos grandes planicies, la norte y la sur, produciéndose un pequeño aumento en su hipsometría en el paso de una a otra (Lugo-Hubp y García-Arizaga, 1999; Ihl *et al.*, 2007). Su relieve está relacionado con planicies niveladas y con las superficies de sedimentación marina; las variaciones locales más o menos abruptas están

principalmente asociadas al modelado kárstico del paisaje. Al norte de la PY, las amplias mesetas estructurales escalonadas, más elevadas, han sido niveladas por la abrasión y modificadas por la karstificación (Temax-Buctzotz, Tizimín, Chemax, Sotuta, Hunucma, Tekit, etc.). Hacia el sur, la Sierrita de Ticul es un escarpe asociado a las fallas de Sayil y Ticul, que delimitan un valle intermesetas. Los procesos de disolución están fuertemente condicionados por la fracturación, la tectónica y el aumento de la pendiente en las planicies próximas a la Sierra, lo que provoca un mayor contraste de declives, laderas con lomas, hondonadas y karstogénesis superficial en forma de cenotes y aguadas. El territorio está cuajado de estos pequeños cuerpos cuya lámina de agua suele ser permanente, aunque presentan oscilaciones estacionales, sujetas a los procesos de infiltración a través del terreno semipermeable.

Geológicamente, el bloque del Yucatán es un bloque tectónico único de origen Paleozoico, que ha venido emergiendo lentamente sobre las aguas marinas durante el Cenozoico; sin plegamientos, y cuyo límite por el sur son los sistemas de fallas de Chixoy-Polochic, Montagua y Jocotán-Chamelecón (Figura 1), que forman el borde entre las placas de Norteamérica y del Caribe. Desde finales del Paleozoico, el bloque ha sido un elemento cratónico estable, cuyos márgenes han sido extensamente modificados desde su aislamiento Jurásico, como una microplaca entre América del Sur y América del Norte (López-Ramos, 1975). Sobre su basamento se ha acumulado una capa gruesa de sedimentos marinos del Paleozoico tardío, seguido por la sedimentación Jurásica continental, que a su vez subyacen a un depósito extenso de evaporitas (yeso/anhidrita) de origen marino o lacustre que corresponde a una cuenca carbonatada limitada por arrecifes del Cretácico Inferior. Sobre estas se encuentran carbonatos (dolomía/caliza) depositados en plataforma durante el Cretácico Superior (Figura 1). Así pues, la mayor parte del EY se encuentra formado por una secuencia de estratos subhorizontales, de unos 220 m de potencia, compuestos principalmente por calizas del terciario, en una disposición que data desde el Eoceno temprano (calizas recristalizadas, dolomitizadas o silicificadas del Paleoceno) hasta el Plioceno (formaciones Carrillo Puerto y Bacalar). A partir de ahí, se dispone una sucesión de capas impermeables de margas y calizas con potencias de varios cientos de metros (Butterlin y Bonet, 1960; Bonet y Butterlin, 1962). Durante el Mesozoico superior y el Cenozoico, la fracturación del bloque creó una serie de horst y grabens a lo largo del margen oriental de esta plataforma. Los bloques más elevados se convirtieron en varios bancos aislados carbonatados, al menos durante el Cuaternario.

Debido a las características geológicas de la PY y su escaso relieve, la escorrentía superficial es prácticamente inexistente, excepto en las partes meridionales, y por ello, el único recurso hídrico disponible es el agua subterránea. La hidrogeología de Yucatán se encuentra fuertemente condicionada por varios factores, siendo algunos de carácter común a otras regiones carbonáticas (Bauer-Gottwein *et al.*, 2011). Debido al alto grado de fracturación a pequeña escala en las rocas superficiales, la existencia de grandes campos de fracturas y fallas (Lugo-Hubp *et al.*, 1992; INEGI, 1983), la escasa potencia de suelo, un buen drenaje interno y altamente permeable, y la alta precipitación (entre 550 y 1500 mm al año, de promedio anual), el desarrollo de los procesos exokársticos y endokársticos dan lugar a una compleja red de cavidades y huecos que condicionan el flujo de las aguas subterráneas.

Las propiedades hidrogeoquímicas de los materiales que componen el subsuelo de Yucatán a lo largo de su historia geológica han sido modificadas en ciertas zonas tras el impacto Chicxulub, producido en el tránsito del Cretácico al Paleógeno (Hildebrand *et al.*, 1991 y Sharpton *et al.*, 1992). El cráter Chicxulub, situado en el sector noroeste de la Península (aproximadamente 21.4°N 89.52°W), se convirtió en una cuenca sedimentaria (Penfield y Camargo, 1981; Urrutia-Fucugauchi, *et al.*, 1996, 2004, 2011) con múltiples anillos concéntricos que se fue rellenando (Rebolledo-Vieyra *et al.*, 2000, Rebolledo-Vieyra *et al.*, 2010) hasta el Mioceno medio (Lefticariu *et al.*, 2006). Sobre esta sucesión de semiarcos concéntricos se observa el mayor número de cenotes, denominándose "Anillo de Cenotes" (Perry *et al.*, 1995; Connors *et al.*, 1996). Las posibles causas de este proceso de karstogénesis son las fallas asociadas con la compactación litológica diferencial dentro de la cuenca sedimentaria, la existencia de un complejo de arrecifes enterrado, o el colapso de brechas del impacto (Perry *et al.*, 1995). El gradiente geotérmico y la intrusión salina que alcanza en

esa zona varias decenas de kilómetros tierra adentro (Steinich, 1996; Steinich *et al.*; 1996, Perry *et al.*, 2009). Monroy-Rios y Beddows (2015) sugieren un proceso que genera formas cilíndricas, con paredes cuasi verticales o troncocónicas, sugiriendo una karstificación ascendente hidrogeológicamente favorecida (Marín, 1990; Steinich y Marín, 1997), a través de los distintos niveles de las calizas de la Formación Carrillo Puerto y ligada a los fuertes gradientes geotérmicos producidos tras el impacto. Este proceso de kartogénesis hidro-geo-térmicamente condicionado por circulación convectiva parece aún estar activo (Espinosa-Cardena *et al.*, 2016). Sin embargo, no hay evidencia hidrogeológica definitiva (Doehring y Butler, 1974; Schmitter-Soto *et al.*, 2002) sobre la conectividad integral entre cenotes, debido a que no se conoce por completo su distribución.

MATERIALES

1. Catálogo de cenotes del 2015, tomado de la Secretaría de Desarrollo Urbano y Medio Ambiente del Gobierno de Yucatán (SEDUMA), que recoge la posición de 775 cenotes distribuidos en el EY (imagen en el recuadro de la Figura 2a) en formato .shp de ArcGis, en proyección International Terrestrial Reference 1992 (ITRF 92).
2. Catálogo de cuerpos de agua del 2016, descargado del Instituto Nacional de Estadística y Geografía (INEGI), formado por 2231 elementos que en algún momento tienen presencia de agua, se encuentran en forma de polígonos cerrados, y fueron extraídos de los 58 mapas escala 1:50000 que cubren el EY (imagen en el recuadro de la Figura 2b). La información se encuentra en un fichero formato .shp de ArcGis y en ITRF 92.
3. Catálogo de curvas de nivel elaborado por el INEGI en 2016, procedente de la integración de los 58 mapas topográficos a escala 1:50000. Consta de 33809 curvas de nivel cerradas, en forma de polígonos (imagen en el recuadro de la Figura 2c), dentro del EY, subdivididas en curvas del tipo depresiones y curvas del tipo otras (porque se desconoce su relación con el terreno). Los datos se encuentran en formato .shp y proyectados en ITRF 92. Este catálogo está incompleto e indefinido en muchos de los objetos poligonales que contiene (descripción del INEGI), por lo que es necesario, antes de su estudio, identificar las incertidumbres y suprimir los errores o conflictos que tuviera con el terreno que representa.
4. Modelo digital de elevaciones (MDE) del 2013 elaborado por el INEGI (proyecto de Continuo de Elevaciones Mexicano CEM 3.0), en formato .bil (archivos con extensiones .bil .stx .hdr) y referido al Datum ITRF92 época 1988.0, elipsoide GRS80, en coordenadas geográficas, con una resolución espacial planimétrica de 15 m por pixel (Figura 2d). En la vertical la hipsometría se refiere en metros, con una precisión de 1 m. El rango de elevaciones varía entre -10 m y 273 m, con una elevación media de 26.36 m s.n.m.

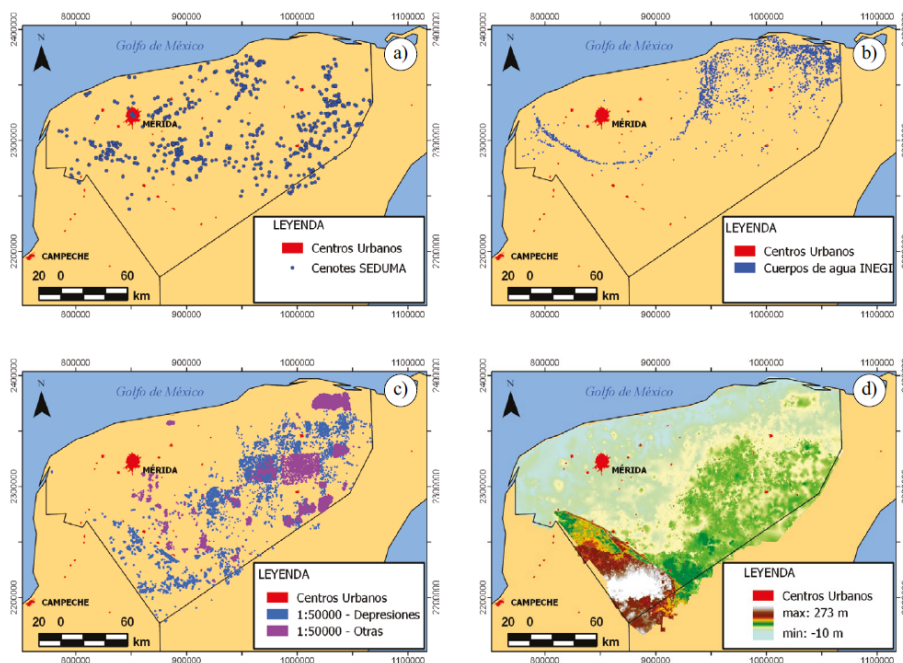


FIGURA 2

Bases de datos geográficas utilizadas. a) Catálogo de 775 cenotes del SEDUMA (2015), b) catálogo de 2231 cuerpos de agua del INEGI en 2016, c) catálogo de curvas poligonales tipo depresiones (4562) y tipo otras (7404) compiladas del mapa topográfico 1:50 000 del INEGI (1983), d) Modelo Digital de Elevaciones (CEM 3.0).

METODOLOGÍA DE IDENTIFICACIÓN Y ANÁLISIS DE DEPRESIONES

La metodología que se ha aplicado en este trabajo para la detección, clasificación y síntesis de depresiones se ha organizado en tres etapas (Figura 3): preprocesado y análisis del MDE, morfometría, clasificación, y catalogación. En la primera etapa se preprocesó la información y se revisó la descripción y tipología de los datos en los catálogos de cenotes, cuerpos de agua, curvas 1:50000 y del MDE, para corregir datos erróneos y proyectarlos geográficamente al sistema UTM WGS84. El conjunto de depresiones y mogotes en el EY se calculó utilizando técnicas de llenado sobre el MDE en ArcGis. Del preprocesamiento se obtuvieron los inventarios que contienen el conjunto de los cuerpos o depresiones, delimitados por una curva poligonal cerrada, de la que se extraerán los índices morfométricos necesarios para su clasificación en tipologías.

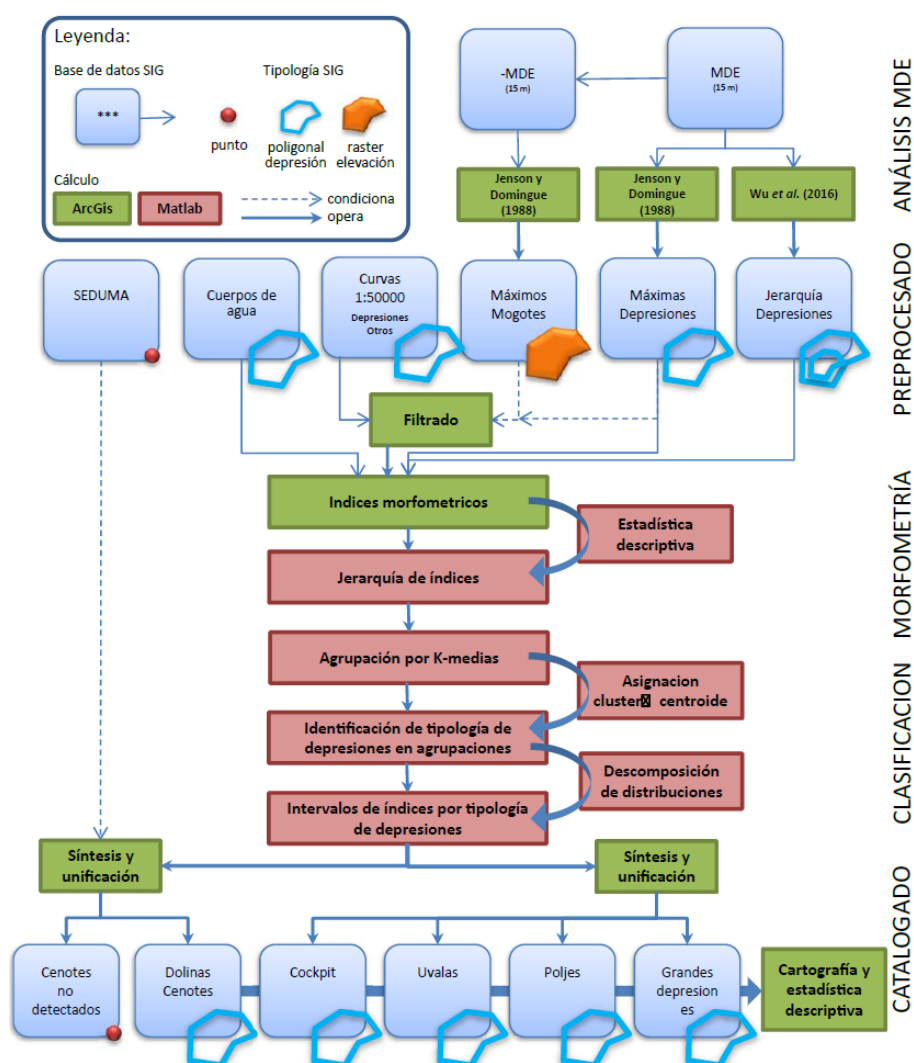


FIGURA 3

Diagrama del proceso de investigación seguido en el trabajo.

En la segunda etapa se seleccionaron los índices morfométricos de los polígonos con los cuales clasificar las depresiones en cada inventario. Utilizando un método de agrupación jerárquica, se seleccionaron aquellos que son más relevantes y menos redundantes entre los habitualmente utilizados para el análisis morfométrico de dolinas (Bondesan *et al.*, 1992).

En cada uno de los inventarios, se utilizaron los índices seleccionados para formar subconjuntos de depresiones con características morfométricas semejantes. Así mismo, se determinó a qué morfología kárstica, entre cenote/dolina, uvala, polje, y gran depresión, corresponde a cada uno de estos subconjuntos.

Finalmente, la síntesis integrada agrupó, tras suprimir duplicidades, aquellos subconjuntos que, proviniendo de distinta base de datos, corresponden con la misma tipología de depresión kárstica. Seguidamente se creó una base de datos para cada morfología de depresión kárstica, en la que se obtienen las distribuciones de los parámetros morfométricos, creándose así el perfil de las poblaciones de depresiones.

Detección de depresiones

Utilizando el MDE el análisis detallado de las características geo- morfológicas y estructuras del paisaje (Telbisz *et al.*, 2016) es de mejor calidad que el obtenido con técnicas topográficas o fotogramétricas (Doctor y Young, 2013). Además, la cartografía de morfologías en superficie se puede automatizar (Gutiérrez *et al.*, 2008; Galve *et al.*, 2015), con lo que es posible actualizar, verificar y completar los inventarios de depresiones (Zhu *et al.*, 2014; Bauer, 2015; Nsonguh, 2016). Sobre el MDE las depresiones están formadas por píxeles de un entorno, o porción de terreno, cuya altitud es menor que la altitud del punto de desbordamiento o punto de menor cota en el perímetro de la depresión. Las depresiones así obtenidas con algoritmos que rastrean todo el MDE pueden ser naturales, artificiales o erróneas (Lindsay y Creed, 2005). Descartar estos dos últimos casos, solo es posible mediante su inspección sobre el terreno, la fotointerpretación o con el uso de un MDE de calidad.

Los métodos para la extracción de depresiones sobre el MDE se clasifican en: (1) incrementales (de rebose o llenado), basados en detectar las celdas del MDE que se encuentra rodeada por celdas adyacentes con mayor altitud y rellenarlas (p.ej. Jenson y Domingue, 1988). El relleno consiste en incrementar la altitud de las celdas así detectadas en el MDE hasta el punto de rebose o altitud de aquella adyacente cuya altura es la menor de las más altas de su alrededor (Grimaldi *et al.*, 2007). El resultado es, para cada depresión, un conjunto de celdas cuyos valores son iguales a los valores del MDE en la celda de rebose de cada depresión. El procedimiento se repite hasta que las depresiones detectadas en el MDE se llenan. (2) decrementales (de tallado o erosión), que erosionan el terreno elevado que rodea una depresión, lo que modifica notablemente el MDE, o se combina la erosión con relleno para minorar algo esta secuela en el MDE (Soille *et al.*, 2003; Soille, 2004; Jackson, 2012; Lindsay, 2016).

Para la localización de depresiones aisladas que no pertenecen a redes fluviales y propias de la morfología del paisaje kárstico, los métodos de relleno producen resultados aceptables (Lindsay y Creed, 2005). Para ello se han elegido el método de relleno de Jenson y Domingue (1988), implementado en la extensión Spatial Analyst de ESRI ArcGIS 10.3; y el método de Wu *et al.* (2015), como script de ESRI ArcGIS 10.3. Este método permite extraer una jerarquización de las depresiones durante el proceso de llenado, identificando depresiones interiores a las de mayor extensión. Este método analiza la organización jerárquica de las curvas de nivel extraídas del MDE, utilizando el modelo conceptual de árbol de contorno localizado (Wang y Liu, 2006) para detectar conjuntos de depresiones anidadas. El resultado obtenido con ambos es un MDE modificado con áreas planas artificiales sobre las depresiones, que se extraen sustrayendo del MDE sin rellenar el MDE relleno modificado (Pardo-Iguzquiza *et al.*, 2014). Para suavizar y reducir el ruido (errores en los datos) del MDE que produce líneas de contorno irregulares o fragmentadas, es recomendable un prefiltrado del MDE (Wu *et al.*, 2015) con un operador morfológico de mediana móvil 3×3 (Liu *et al.*, 2010; Wu *et al.*, 2014).

Preprocesado de las bases de datos vectoriales

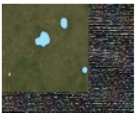
Los inventarios en formato vectorial (archivos .shp) han sido tratados para depurar confusiones y eliminar datos erróneos. Se ha verificado topológicamente el cierre de los elementos catalogados como polígonos. Se han comparado visualmente con la realidad terreno en imágenes LANDSAT si los polígonos del catálogo 1:50000 encierran una lámina de agua visible. En aquellos donde no se reconozca, se ha asignado o corregido la tipología (*depresión u otra*) de acuerdo con el comportamiento endorreico en el relieve, según sea depresión o de mogote, tras un análisis exhaustivo del MDE usando Jenson y Domingue (1988) en ArcGis (Pardo-Iguzquiza *et al.*, 2014). Tras estas operaciones de revisión y contraste, se ha unificado la proyección geográfica ITRF 1992 de todos los datos al sistema común UTM zona 15N y Datum WGS84.

Caracterización morfométrica de depresiones

El análisis morfométrico, combinado con la estadística descriptiva sobre una población suficiente de cuerpos del paisaje kárstico, permite una descripción cuantitativa de la distribución probabilística de sus formas. Las depresiones sobre el terreno se pueden considerar como cuerpos tridimensionales del relieve (Cvijic, 1895; Sauro, 2003); sin embargo, la información hipsométrica de las dolinas ha sido omitida muy a menudo ya que las bases de datos que catalogan estas formas solo contienen la información planimétrica de su contorno. Además de la profundidad, son numerosos los atributos geométricos de dolinas descritos en la literatura (p.ej. Bondesan *et al.*, 1992), algunos publicados en otro tipo de estudios, como el análisis de cuencas en hidrología, son aplicables para el estudio y clasificación de formas kársticas (García, 1987; Sauro 2003, 2012). Los índices métricos aquí utilizados son: área planimétrica A_{real} , perímetro planimétrico P_{real} , dimensiones $L_{máx}$ (longitud del eje o lado mayor del rectángulo) y $L_{mín}$ (lado menor del rectángulo) del menor rectángulo en el que se inscribe el objeto, circularidad c , alargamiento AL , factor de forma f o elongación e .

El A_{real} es un concepto métrico que asigna una medida a la extensión en el plano horizontal de una superficie; y P_{real} , del griego peri (alrededor) y metro (medida), evalúa la suma de las longitudes de los lados de una figura geométrica plana cerrada, y determina la longitud del contorno poligonal que delimita el borde de la depresión en el plano horizontal con área A_{real} .

TABLA 1
Índices morfométricos calculados en morfologías tipo cuya expresión perimetral se encuentra en la realidad terreno sobre la imagen LANDSAT del Estado de Yucatán.

MORFOLOGÍA					
Tipo:					
	Cuadrado	Círculo	Elipse	Muy irregular	Poco irregular
Real:					
ÍNDICES					
Área	3958.50	4142.14	13833.1	1003.99	5383.58
Perímetro	231.75	229.34	595.51	280.4	286.17
Circularidad	1.0391	1.0052	1.4283	2.4964	1.1002
Alargamiento	1.0729	1.0227	3.5666	1.441	1.3365
	Subcircular	circular	alargada	elíptica	elíptica
Forma	0.8101	0.7775	0.1966	0.3029	0.5573
Elongación	1.0156	0.995	0.5003	0.621	0.8423

La circularidad o índice de compacidad (Gravelius, 1914) definido a partir del A_{real} y P_{real} de la depresión, determina cuánto se parece una curva cerrada a una circunferencia comparando el perímetro P_{real} , al perímetro equivalente P_{ϕ} al de una circunferencia con el área de la depresión A_{real} :

$$c = \frac{P_{real}}{P_{\phi}} = \frac{P_{real}}{2\sqrt{\pi A_{real}}} \quad (1)$$

La circularidad $c \approx 1.0$ (Tabla 1) cuanto más parecida sea el polígono perimetral de la depresión a una circunferencia. Un perímetro con valores de $c > 1.0$ presenta un contorno más irregular al recoger menor superficie dentro del mismo.

A partir de las longitudes largo y ancho ($L_{m\acute{a}x}$ y $L_{m\acute{i}n}$), calculadas con el método de Chaudhuri y Samal (2007), del mínimo rectángulo que inscribe la poligonal del perímetro de la depresión, Basso *et al.* (2013) definen el alargamiento como la relación:

$$AL = \frac{L_{m\acute{a}x}}{L_{m\acute{i}n}} \quad (2)$$

El círculo y el cuadrado tienen el menor valor de $AL = 1.0$, y en las depresiones más alargadas será mayor que 1.0, sin distinguir variaciones en su irregularidad (Tabla 1). Los diferentes grados establecidos de alargamiento clasifican las formas en: 1) poligonales circulares y subcirculares $AL < 1.21$; 2) elípticas $1.21 < AL < 1.65$; 3) subelípticas $1.65 < AL < 1.8$; y 4) curvas alargadas $AL > 1.8$.

Horton (1932) define el factor de forma F como la relación entre el área A_{real} y el cuadrado de la longitud $L_{m\acute{a}x}$ del eje mayor:

$$F = \frac{A_{real}}{L_{m\acute{a}x}^2} \quad (3)$$

El valor máximo de F es 1.0, para un cuadrado, de $\pi/4 = 0.7853$ cuando se trata de una circunferencia, y $F < 1.0$ para formas más alargadas (Tabla 1).

También se suele utilizar la elongación E (Schumm, 1956) o ratio del A_{real} con la longitud $L_{m\acute{a}x}$ del eje principal de la depresión:

$$E = \frac{2\sqrt{A_{real}}}{L_{m\acute{a}x} \sqrt{\pi}} \quad (4)$$

Sin embargo, E es equivalente al factor de forma F , por lo que no se utilizara como índice en la caracterización de depresiones al ser redundante con F .

Algunos autores proporcionan para las diferentes tipologías de depresiones kársticas (dolina/cenote, uvala, polje) el valor o rango de algunos índices morfométricos. Las dolinas descritas por Cvijic (1895) como "holótipos" fueron posteriormente analizados por Sustersic (1994), reconociendo que no son tan regulares como muchos análisis morfométricos suponen, algunas deben su irregularidad perimetral al terreno adyacente, otras al mayor dinamismo del conjunto que no permite que la depresión consiga una forma regular, por lo que $c > \approx 1$. Sauro (2003) describe las dolinas con una geometría circular o ligeramente elíptica, su alargamiento $AL < 1.5$ y la relación profundidad/ anchura es aproximadamente 0.1. La asignación de estos umbrales a cada tipología no resulta una tarea trivial ya que, para diferentes morfologías tipo (Tabla 1), hay ciertos índices que resaltan algunos aspectos que otros no, sin ser complementarios.

Las uvalas, como depresiones cerradas de tamaño medio, sin una morfología tan regular como una dolina, tienen forma algo alargada, ovalada e irregular, originada por la coalescencia de formas más simples, por lo que su $c > 1$, pero $c < 2$. Si dos o más dolinas se unen, se desarrolla una depresión irregular, a veces con un perímetro lobulado, lo que afectará al rango que ocupa para sus índices de forma $F < 2$ y alargamiento $AL > 1$.

En los climas tropicales húmedos se encuentran depresiones cerradas que poseen características peculiares que las distinguen de las poblaciones de dolinas en karst de latitudes medias. A este tipo de dolina tropical se le denomina *cockpit* (Gutiérrez-Elorza, 2008; Lyew- Ayee *et al.*, 2007; Huang *et al.*, 2014), y su extensión se encuentra comprendida entre la de las dolinas y las uvalas, de contornos más irregulares ($c > 1$) y su perímetro muestra forma de estrella, por lo que sus parámetros de circularidad, a igualdad de área, son notablemente mayores, pero sin ser alargadas ($AL \approx 1$).

Los poljes son las depresiones más grandes en los terrenos kársticos (Radulović, 2013). Sauro (2012), basado en Cvijic, (1895), define un polje como una gran depresión kárstica, con un fondo ancho, plano y casi horizontal, completamente encerrado entre pendientes generalmente pronunciadas, y de una a varias decenas de kilómetros de largo en su eje mayor, lo que da una idea de su parametrización morfométrica en cuanto a tamaño. Presentan una gran variabilidad en su génesis, resultante de la combinación de una serie de procesos, por lo que sus parámetros de forma pueden ocupar un amplio rango de valores, predominando las formas irregulares alargadas.

Estadística descriptiva

Los parámetros morfométricos calculados para cada objeto poligonal que se encuentra en los inventarios se han examinado estadísticamente desde un punto de vista descriptivo mediante un análisis exploratorio de los datos, para detectar tanto las características del conjunto como las características de los objetos anómalos o atípicos. Se han calculado una serie de parámetros estadísticos (Trauth, 2010; Martínez y Martínez, 2016), medidas de centralización y dispersión (media, varianza, sesgo, kurtosis) que describen numéricamente la forma de su distribución estadística (Peña, 2014), aproximándose mediante las medidas de posición o percentiles de los datos. Este estudio se ha complementado con el cálculo del histograma muestral, así como con diagramas de *box* (gráfico de *box and whiskers*), representando los datos para evidenciar la estructura de su distribución.

Clasificación morfométrica

El proceso de clasificación e identificación morfológica consiste en que cada una de las poligonales en los inventarios, que delimitan planimétricamente la depresión, sea asignada a la agrupación más adecuada, de acuerdo con sus características morfométricas; es decir, a una tipología de depresión kárstica entre: dolina, cockpit, uvala, polje y gran depresión. A pesar de conocer el rango cuantitativo o la situación cualitativa para los índices morfométricos de cada tipología, el proceso de asignación es incierto ya que intervienen más de dos índices y sus rangos se solapan. El método habitualmente utilizado para resolver este problema de clasificación se denomina análisis de agrupaciones o conglomerados, también llamado análisis clúster, taxonomía numérica o reconocimiento de patrones (Sokal y Sneath, 1963; Andenberg, 1973; Kaufman y Rousseeuw, 1990). En el análisis clúster poca o ninguna información es conocida sobre la estructura de las categorías, de forma que el perfil de los objetos en un mismo grupo sean muy similares entre sí (cohesión interna del grupo) y los de los objetos de clústeres diferentes sean distintos (aislamiento externo del grupo), lo cual lo diferencia de los métodos multivalentes de asignación y discriminación.

A grandes rasgos se distinguen dos categorías de análisis clúster: métodos jerárquicos y métodos no jerárquicos (Sokal y Sneath, 1963). Los métodos jerárquicos tienen por objetivo agrupar clústeres para formar uno nuevo, o bien separar alguno ya existente para dar origen a otros dos, de tal forma que se minimice alguna función de diferencia (distancia) o bien se maximice alguna medida de similitud (asociación) que caracterice las relaciones entre variables. Los métodos no jerárquicos, también conocidos como partitivos, tienen por objeto realizar un reparto de los individuos en un número arbitrario de grupos, lo que implica especificar a

priori los grupos que deben ser formados, siendo ésta, posiblemente, la principal diferencia respecto de los métodos jerárquicos. La asignación de individuos a los grupos se hace mediante algún proceso que optimice el criterio de selección.

Puesto que la clasificación de individuos se realiza a partir de las variables observadas en éstos, es primordial realizar una buena preselección de las más relevantes y no redundantes, así como elegir una medida de homogeneidad o semejanza adecuada. La elección de los índices más relevantes es, en sí misma, una categorización de los datos, que ha sido resuelta aquí con un método jerárquico. El método jerárquico permite la construcción de un árbol de clasificación, o dendrograma, que representa el esquema de agrupación, mostrando qué grupos de variables se van uniendo, en qué nivel concreto lo hacen, y el valor de la medida de asociación entre los grupos. El dendrograma muestra una jerarquía multinivel, donde los clústeres en un nivel se unen como clústeres en el siguiente nivel. Esto permite decidir el nivel o escala de clústeres que es más apropiado para la elección de los índices más significativos. Para reducir la incertidumbre en la elección arbitraria de la media del grado de asociación entre variables y dado que algunos índices se encuentran respecto a un origen arbitrario teniendo sentido relativo respecto a su media y otros son índices centrados, en este trabajo se han tomado dos medidas (Andenberg, 1973): 1) el coseno del ángulo entre dos vectores y 2) el coeficiente de correlación lineal de Pearson entre vectores.

La creación de agrupaciones implica establecer una estrategia para considerar la similitud entre dos clústeres. Dado que, a priori, cada estrategia elegida proporciona una estructura sobre las variables de la que es necesario considerar su aceptabilidad, se han comparado dos estrategias que permiten trabajar con ambas distancias. La distancia mínima o similitud máxima (amalgamiento simple) que considera que la distancia o similitud entre dos clústeres viene dada, respectivamente, por la mínima distancia (o máxima similitud) entre sus componentes. Y la distancia máxima o similitud mínima (amalgamiento completo) que considera que la distancia o similitud entre dos clústeres hay que medirla atendiendo a sus elementos más dispares, o sea, la distancia o similitud entre clústeres viene dada, respectivamente, por la máxima distancia (o mínima similitud) entre sus componentes.

Para verificar la calidad de la agrupación jerárquica de las variables morfométricas obtenida frente a otras, se ha utilizado el coeficiente de correlación cofenética (Rohlf y Fisher, 1968), que es la correlación lineal entre las distancias cofenéticas obtenidas del dendrograma y las distancias originales (o disimilitudes) usadas para construir éste. Este coeficiente da una medida de la fidelidad con la que el dendrograma representa las diferencias entre las observaciones. La clasificación jerárquica de variables relevantes estadísticamente más verosímil será aquella que tenga un coeficiente de correlación cofenético más elevado (más cercano a la unidad) ya que será el que presenta una menor distorsión en las relaciones originales existentes entre los elementos en estudio. Con las variables representativas del dendrograma para cada inventario se establecerán a continuación las agrupaciones de sus individuos utilizando un método de k-medias.

Los métodos de reasignación de k-medias están diseñados para clasificar individuos de un conjunto en un número de clases especificado a priori. Cada individuo, parametrizado por su vector de índices morfométricos, es tratado como un objeto que tiene una ubicación, elegida arbitrariamente e intercambiada entre clústeres para obtener una agrupación mejor. En este trabajo se ha utilizado el método iterativo de Lloyd (1982) que asigna n observaciones a alguno de los k clústeres mutuamente excluyentes definidos por sus centroides, o promedio de cada una de las variables utilizadas en la clasificación, y donde k se indica arbitrariamente antes de que comience el proceso. El criterio de mejora en cada iteración consiste en modificar el clúster asignado a un individuo (depresión) siempre y cuando se minimice la suma de las distancias de cada individuo al centroide, sumada sobre todos los k clústeres. Logrando una partición óptima en la que los objetos dentro de cada clúster estén lo más cerca posible unos de los otros, y lo más lejos posible de los objetos de otros clústeres. En este trabajo se utiliza como distancia la Euclídea entre los individuos y centroides de clústeres. Para evitar posibles mínimos locales en el proceso de optimización, se replicará el

cálculo desde diferentes centroides iniciales tomándolos al azar, lo que permitirá detectar el mínimo absoluto entre los obtenidos, desechando los relativos.

El número de clústeres adecuado a cada inventario se ha determinado utilizando los valores de cuatro índices: 1) Calinski y Harabasz (1974), 2) Davies y Bouldin (1979), 3) espaciado interclústeres de Tibshirani *et al.* (2001), y 4) máximo entre siluetas de Rouseeuw (1987). Calinski y Harabasz (1974) proponen el ratio de la varianza interclústeres (C- H); los mejores agregados poseen una varianza interclústeres elevada e intraclústeres reducida, por lo que la mejor agrupación de los datos tiene el máximo ratio C-H. Davies y Bouldin (1979) determinan la mayor tasa de distancias intraclústeres frente a la interclústeres entre dos clústeres (D-B), luego la solución de número de agrupaciones óptima responde al menor índice D-B. Tibshirani *et al.* (2001) formalizan un criterio (C-S) basado en el gráfico del error cometido que se produce en la solución con el mayor valor de dispersión local o global frente al valor de k, identificando el mejor . donde cambia el error. Kaufman y Rouseeuw, 1990, proponen el índice de silueta (V-S). La silueta de la agrupación (Rouseeuw, 1987) evalúa entre -1 y 1 cuánto de similar es ese punto a los puntos en su propio grupo. Un valor del índice de silueta (V-S) próximo a 1 indica que la mayoría de los individuos están bien ubicados en la agrupación, y mal adaptados a los clústeres vecinos.

RESULTADOS OBTENIDOS

Según el esquema de trabajo planteado (Figura 3), el análisis del MDE con los algoritmos de llenado: 1) utilizando Jenson y Domingue (1988) se obtuvieron 19087 depresiones que se distribuyen (Figura 4a, zonas en azul) y ocupan más de 9000 km², lo que constituye algo más del 20% de la superficie del EY; 2) con el mismo algoritmo pero sobre el -MDE, se ha derivado la distribución de mogotes y cerros kársticos (Figura 4a, zonas en rojo); y 3) con el método jerárquico de Wu *et al.* (2015), tomada la profundidad mínima reconocible de 1m (precisión altimétrica) y la extensión mínima de una depresión es 100 m² según la resolución del MDE, se han detectado 8157 depresiones y hasta 12 niveles jerárquicos (Figura 4b), si bien, a partir del nivel 8, son muy pocas las obtenidas (3 de nivel 8, y una en cada nivel del 9 al 12, no reflejadas).

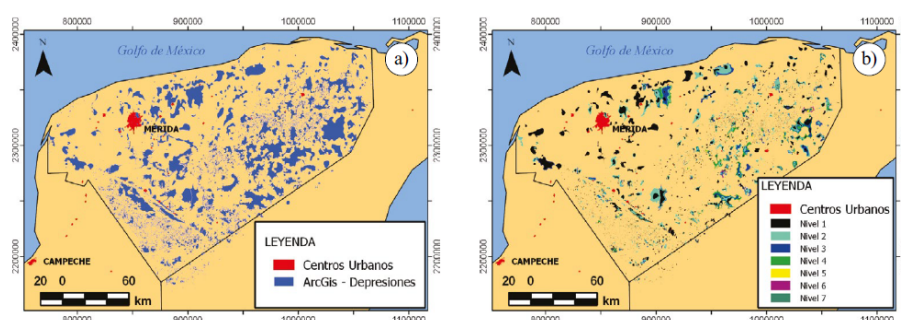


FIGURA 4

a) Distribución de depresiones (áreas en azul) que se han obtenido a partir del MDE de 15 m sobre el Estado de Yucatán obtenidos con el algoritmo de Jenson y Domingue (1988), b) Distribución jerárquica (nivel 1 más interior, nivel 8 más exterior) de las áreas de depresión obtenidas tras la aplicación del algoritmo de Wu *et al.* (2015).

La revisión y depurado del contenido de los inventarios, frente a la topología, a la correspondencia geográfica sobre el terreno y a las depresiones y mogotes extraídos del MDE, revela que: 1) los 775 cenotes no se procesan morfométricamente al tratarse de objetos puntuales, incorporándose, en la fase de catalogado y unificación (Figura 3) del conjunto de dolinas; 2) los 2231 polígonos del inventario de cuerpos de agua son muy difíciles de detectar por la diferencia entre su tamaño y resolución del MDE (15m/pixel); 3) se

pueden etiquetar un total de 3737 y 2153 polígonos, del mapa topográfico 1:50000, como *depresión. otro*, respectivamente.

A continuación (Figura 3) se calculan los índices morfométricos: área, perímetro, ancho, largo, circularidad, forma, alargamiento y elongación, para cada uno de los conjuntos de polígonos anteriores. Los índices referidos a extensión (área) y a longitud (perímetro, longitud y ancho), han sido transformados logarítmicamente debido al elevado número de depresiones pequeñas que sesga fuertemente las distribuciones de éstos. La representación del tamaño que poseen las depresiones en el diagrama de *box* muestra (Figura 5) que en los catálogos de cuerpos de agua y de otras del 1:50000 se encuentran los objetos más pequeños, a continuación las depresiones del 1:50000, del jerárquico y por último el de depresiones máximas. La circularidad de los cuerpos de agua es muy baja para la gran mayoría (al menos el 75 %) de los objetos en el catálogo, como ocurre para el catálogo de curvas 1:50000 (Figura 5a, 5b y 5c) en el que el 50 % tiene una circularidad inferior a 1.05. Para los catálogos de depresiones máximas y jerárquico el rango de valores de la circularidad aumenta considerablemente (Figura 5d y 5e) llegando a ser un orden de magnitud superior al del resto de catálogos. La distribución del alargamiento (Figura 5) es semejante a la de circularidad, sin embargo, las distribuciones del índice de forma siguen un comportamiento inverso al descrito. La mayoría de los cuerpos de agua son relativamente ovalados, con valores de forma frecuentemente entre 0.63 y 0.75. En general las depresiones más regulares son los cuerpos de agua con superficies comprendidas en entre los $q_{25}=2650 \text{ m}^2$ y $q_{75}=5900 \text{ m}^2$, un factor de forma entre $q_{25}\approx 0.63$ y $q_{75}\approx 0.75$ de distribución con sesgo negativo y las más irregulares son las depresiones máximas obtenidas por llenado cuya forma esta entre $q_{25}\approx 0.32$ y $q_{75}\approx 0.67$ cuya distribución es casi simétrica.

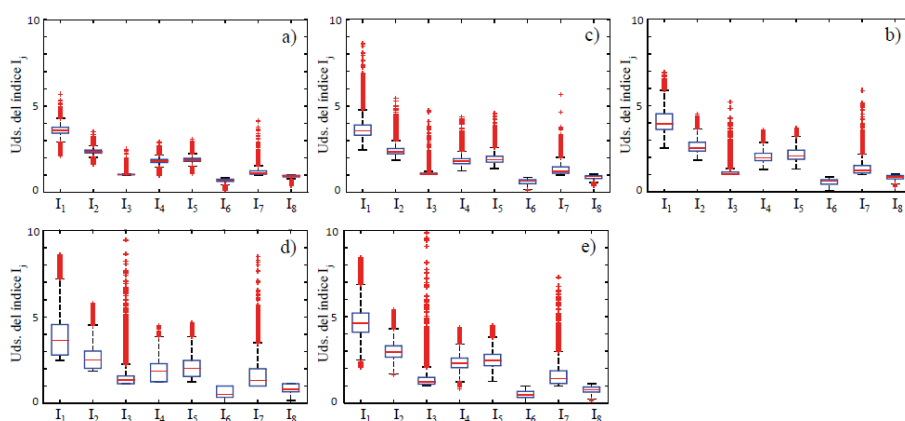


FIGURA 5

Diagramas *de box* (cajas y bigotes) para cada uno de los índices morfométricos consignados en el grafico como: I1: Log10Área, I2: Log10Perímetro, I3: Circularidad, I4: Log10Ancho, I5: Log10Largo, I6: Forma, I7: Alargamiento, I8: Elongación, de los objetos en los diferentes inventarios: a) cuerpos de agua, b) depresiones 1:50000, c) otras 1:50000, d) depresiones máximas de Jensen y Domingue (1988) y e) jerárquico de Wu *et al.* (2015).

Los índices morfométricos que, para todos los inventarios, han resultado estadísticamente recomendables son: Log₁₀Área, Log₁₀Perímetro, Circularidad, Forma y Alargamiento, excepto para las máximas depresiones que se añade el Log₁₀Largo. Estos índices han sido identificados utilizando la técnica de agrupación jerárquica de variables con las distancias: coseno y correlación para variables, y para agrupaciones: simple y completa (Tabla 2). Para cada par de criterios (distancia, agrupación) sobre cada inventario se ha obtenido el coeficiente de correlación cofenético, cuyo valor máximo (marcado con * en la Tabla 2) ha permitido obtener el dendrograma óptimo (Figura 6) con el que, para una distancia inferior a 0.1, se extraen los índices relevantes (última fila de la Tabla 2).

TABLA 2

Valor de los coeficientes de correlación cofenética obtenidos sobre los dendrogramas de las agrupaciones jerárquicas de los índices morfométricos de cada catálogo para los diferentes criterios de agrupación y distancias utilizadas. Valores máximos de correlación cofenética (*) cuya distancia y agrupación ha sido utilizada en el análisis clúster de logaritmos de área, perímetro, largo y ancho y con los que se ha establecido la selección de índices relevantes para la clasificación de individuos.

Análisis Clúster		Catálogo Analizado				
Distancia	Agrupación	Cuerpos de Agua	Curvas 1:50000 Depresiones	Otras	Jenson y Domingue, (1988)	Jenson y Domingue, (1988)
Coseno	Simple	0.8673	0.8844	0.9845*	0.9538	0.9538
	Completo	0.8777	0.8849	0.9845*	0.9539*	0.9539*
Correlación	Simple	0.9405	0.9788*	0.9265	0.9476	0.9476
	Completo	0.9411*	0.9783	0.9131	0.9412	0.9412
Distancia en agrupaciones *		0.9214	0.9943	0.8341	0.8560	0.8560
Índices relevantes a utilizar para agrupaciones k-medias		Log ₁₀ Área	Log ₁₀ Área	Log ₁₀ Área	Log ₁₀ Área	Log ₁₀ Área
		Log ₁₀ Perímetro	Log ₁₀ Perímetro	Log ₁₀ Perímetro	Log ₁₀ Perímetro	Log ₁₀ Perímetro
		Circularidad	Circularidad Forma	Circularidad Forma	Log ₁₀ Largo	Log ₁₀ Largo
		Forma	Alargamiento	Alargamiento	Circularidad Forma	Circularidad Forma
		Alargamiento			Alargamiento	Alargamiento

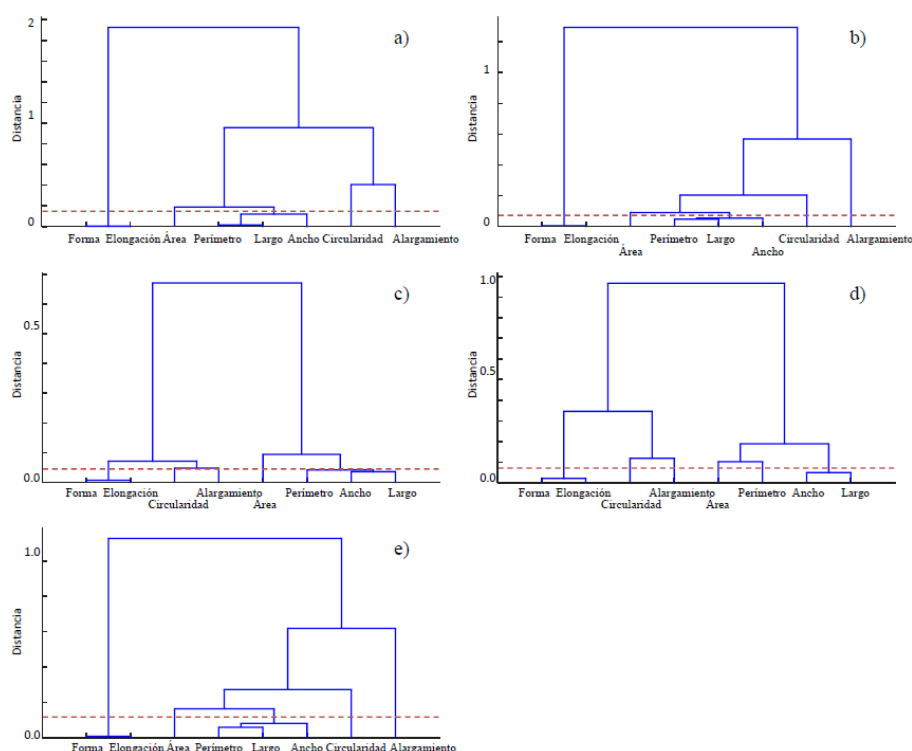


FIGURA 6

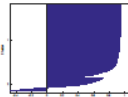
Dendrogramas obtenidos según la distancia y el criterio de agrupación de máximo coeficiente de correlación cofenética (* en la Tabla 2) para cada uno de los diferentes inventarios: a) cuerpos de agua, b) depresiones 1:50000, c) otras 1:50000, d) depresiones máximas de Jenson y Domingue (1988) y e) jerárquico de Wu *et al.* (2015).

Con los índices anteriores y los estadísticos de Calinski-Harabasz (C-H), de Davies-Bouldin (D-B), de cambio del espaciado (C-S) y la suma de la silueta (V-S) se ha determinado el número de clústeres en los que se van a agrupar los objetos de cada catálogo, paso previo a la clasificación con k-medias por ser valor a priori desconocido (Tabla 3). El resultado es idóneo cuando todos los estadísticos proporcionan el mismo número

óptimo de agrupaciones, sin embargo, no ocurre así ya que consideran aspectos diferentes en la configuración de los clústeres y sus centroides. El número recomendado de agrupaciones definitivo (Tabla 3, números en negrita entre paréntesis) se ha estimado valorándose si al modificar en ± 1 el número de agrupaciones hay variación apreciable en el estadístico.

TABLA 3

Valores máximos de Calinski-Harabasz (C-H), mínimos de Davies-Bouldin (D-B), reducción del cambio del espaciado (C-S) y máximo de la silueta (V-S) para los índices morfométricos utilizados en la evaluación del número óptimo de agrupaciones a utilizar en la técnica de k-medias (Tabla 2), según cada catálogo. Entre paréntesis, el número óptimo para cada estadístico en cada catálogo y en negrita el elegido.

Estadísticos	Catálogo analizado				
	Cuerpos de Agua	Curvas 1:50000		Jenson y Domingue (1988)	Wu <i>et al.</i> (2015)
		Depresiones	Otras		
C-H máximo	1421.1 (4)	3565.8 (2)	2081.4 (2)	19335.2 (2)	6007.7 (2)
D-B mínimo	0.8492 (4)	1.0200 (2)	0.7447 (2)	0.8244 (2)	0.9447 (2)
C-S cambio	2.1353 (3)	2.1737 (3)	2.2594 (2)	2.2752 (2)	3.1445 (2)
V-S máximo	0.7136 (3)	0.7092 (2)	0.8060 (2)	0.6189 (2)	0.6254 (2)
Silueta de la agrupación según número óptimo					

Las agrupaciones obtenidas por k-medias, tomando la distancia euclídea óptima entre los centroides de los clústeres y el número recomendado de agrupaciones, se han organizado por tamaños. Considerando los valores referidos en la bibliografía para los índices promedio, se ha asignado a una tipología de depresión kárstica a esta organización en tamaños (Tabla 4), y que pasarán a configurar los catálogos de síntesis.

TABLA 4

Coordenadas de los centroides de las agrupaciones obtenidas mediante el método de k-medias para los inventarios de cuerpos de agua, depresiones 1:50000, otras 1:50000, Wu *et al.* (2015) para jerarquía de primer orden ($j=1$) y jerarquías restantes ($j=2$ a $j=7$) y la obtenida mediante la aplicación de rangos umbral de los inventarios anteriores para las máximas depresiones.

Catálogo	Índices morfométricos relevantes	Tipología geomorfológica de depresión kárstica					
		Dolinas pequeñas	Dolinas grandes	Dolinas cockpit	Uvalas pequeñas	Uvalas grandes	Poljes
Cuerpos de Agua	Área	789.3	4314.5		11905.2		
	Perímetro	105.1	240.1		471.3		
	Circularidad	1.059	1.031		1.237		
	Forma	0.658	0.703		0.421		
	Alargamiento	1.225	1.138		1.825		
Depresiones 1:50000	Área		5687.3			107734.1	
	Perímetro		282.7			1638.1	
	Circularidad		1.059			1.464	
	Forma		0.650			0.392	
	Alargamiento		1.247			1.805	
Otras 1:50000	Área		3112.7			124745.1	
	Perímetro		210.7			1952.8	
	Circularidad		1.068			1.634	
	Forma		0.634			0.357	
	Alargamiento		1.289			1.824	
Wu <i>et al.</i> (2015) ($j=1$)	Área	18302.5	219393.7	13439.9			223632.2
	Perímetro	491.1	1714.8	489.4			2586.1
	Circularidad	1.024	1.032	1.198			1.594
	Forma	0.715	0.697	0.557			0.366
	Alargamiento	1.118	1.134	1.478			1.925
Wu <i>et al.</i> (2015) ($j=2-7$)	Área					195788.9	4400156.7
	Perímetro					2335.1	17233.3
	Circularidad					1.524	2.390
	Forma					0.370	0.288
	Alargamiento					1.823	1.795
Máximas depresiones (según Tabla 6 de umbrales)	Área	21028.1		190919.5	626944.5	9484680.3	51938815.6
	Perímetro	536.6		873.9	2375.8	19348.3	128379.6
	Circularidad	1.046		1.223	1.407	2.373	5.326
	Forma	0.716		0.511	0.311	0.256	0.210
	Alargamiento	1.092		1.558	2.132	1.800	1.627

DISCUSIÓN DE RESULTADOS

El análisis realizado sobre el MDE con el algoritmo de Jenson y Domingue (1988) ha mostrado que muchas de las depresiones delineadas tienen un fiel reflejo en la realidad terreno. Sin embargo hay un elevado número de las descubiertas que se encuentran por debajo del umbral de detectabilidad del algoritmo de llenado, condicionado a la resolución espacial del MDE (extensión $<1000 \text{ m}^2$ y profundidad 1 m), por ello se han descartado, resultando un catálogo de 5865 depresiones máximas. El algoritmo de Wu *et al.* (2015), al incorporar un filtro previo de mediana 3×3 , corrige los errores estadísticos en el MDE, reduciendo el número de depresiones más pequeñas.

El filtrado y depurado de los catálogos de cuerpos de agua, y depresiones de las curvas topográficas 1:50000, ha reducido el número de elementos inicial, al descartar las poligonales de topología defectuosa, no cerradas, con puntos o con etiquetados (*depresión, otra*) que, al comparar con la distribución de depresiones y mogotes del MDE, resultaron ser incorrectos, mejorándose la fidelidad de las bases al terreno.

El análisis estadístico exploratorio de los índices morfométricos de extensión de los polígonos que delimitan las depresiones muestra que los rangos intercuartílicos (de q_{25} a q_{75} , marcado por los límites de los *bigotes* en la Figura 5) son más amplios para los catálogos extraídos del MDE (Figura 5d y 5e) que para el resto

(Figura 5a, 5b y 5c), a causa de su elevado valor de q_{75} , manteniéndose q_{25} muy semejante entre los catálogos. Esto puede ser debido a que los procedimientos cartográficos utilizados para delimitar las depresiones no sean capaces de detectar las más grandes, lo que si hace el análisis exhaustivo del MDE con algoritmos de llenado. En estos catálogos son especialmente altos y dispersos los valores de circularidad y alargamiento (índices I3 e I7, Figura 5), por lo que cabría pensar que en estos hay recogidas una mayor variedad de tipologías de depresiones kársticas que en el resto de catálogos en los que la dispersión es menor. Igualmente, para estos mismos catálogos, esta menor dispersión se registra en los índices del tamaño del rectángulo en el que se inscribe el polígono (índices I3 e I7).

El análisis dendrográfico (Figura 6) del resultado de la agrupación de las variables para identificar las más relevantes (Tabla 2) no establece un criterio de distancia único para todos los catálogos, entre las distancias coseno o correlación, y de agrupación, entre el simple y el completo. Por ello, tomando el dendrograma con mayor coeficientes cofenéticos (* en Tabla 2) puede afirmarse que, para todos los catálogos, es posible distinguir, desde distancias de agrupación inferiores a la unidad (Tabla 2) dos conjuntos de índices: 1) los referidos al tamaño, dimensión o extensión de la poligonal que delimita la depresión, en los que perímetro, largo y ancho se encuentran agrupados frente al área (excepto en el catálogo de Jenson y Domingue, 1988), por lo que se ha escogido el perímetro al ser la más distante del área; y 2) los asociados al aspecto e irregularidad de la poligonal, donde circularidad y alargamiento son más semejantes entre sí que la forma o elongación (son equivalentes).

Con estas variables morfométricas relevantes de cada catálogo, se han estudiado los estadísticos de Calinski-Harabasz, de Davies- Bouldin, del cambio del espaciado y de la silueta, asociados a la elección del número recomendable de agrupaciones a utilizar en k-medias (valores entre paréntesis en Tabla 2). Con este valor, se han establecido tres agrupaciones en el inventario de 2231 cuerpos de agua (Tabla 4) cuyos centroides definen: 1) dolinas pequeñas, al tener una extensión media inferior a los 800 m²; 2) dolinas grandes, con tamaños medios alrededor de los 4300 m²; y 3) úvalas pequeñas, cuya circularidad es superior a 1.05 y el alargamiento mayor de 1.5, resultando ser el catalogo que contiene las depresiones más pequeñas. En los inventarios de curvas 1:50000 (depresiones y otras) se han distinguido dos agrupaciones: dolinas grandes y úvalas grandes. Las primeras, con extensión media de 5700 m² en depresiones y de 3100 m² en otras, con circularidad alrededor de 1.05 y alargamiento 1.2 en ambos. Las úvalas, de mayor extensión, con un tamaño medio de 0.1 km², de contorno más irregular y alargado que las dolinas, con circularidad de 1.4 a 1.6 y alargamiento de 1.8.

Si bien en los tres catálogos anteriores has sido posible tomar dos o tres agrupaciones con una correspondencia geomorfológica en cuanto a la tipología de depresión que define su centroide, los catálogos que se obtienen del análisis exhaustivo del MDE han sido preagrupados, teniendo en cuenta el significado geomorfológico de su resultado, ya que los resultados del .-medias no han sido inicialmente concluyentes. Así, las depresiones de primer orden (nivel jerárquico $j=1$) del método de Wu *et al.* (2015), en cuyo interior no hay depresiones, o bien son dolinas o bien son poljes de fondo muy llano en el cuyo interior no se detectan otras depresiones. Órdenes superiores (niveles jerárquicos desde 2 a 7) pueden corresponder a úvalas o poljes en cuyo fondo se detectan una o varias depresiones anidadas. Con estas consideraciones, este inventario jerárquico se ha dividido en dos: depresiones de primer orden ($j=1$) y depresiones de jerarquías superiores ($j=2-7$). El análisis del número de clústeres optimo, según los estadísticos de C-H, de D-B, y V-S, resulta cuatro clústeres para las depresiones de primer orden ($j=1$) y tres para las de jerarquías superiores ($j=2-7$). Sobre las depresiones con $j=1$, se han identificado pequeñas y grandes dolinas, poljes, y un cuarto grupo que, con el tamaño promedio de las dolinas, su circularidad es muy alta, con lo que son de perímetro irregular, pero con un índice de forma bajo de 0.5. Este tipo de tipología, parece corresponder al cockpit kárstico, frecuente en regiones tropicales de relieves abruptos. Las tres tipologías a las que se han asignado los clústeres obtenidos

sobre los niveles jerárquicos superiores son grandes úvalas, poljes y grandes depresiones, por sus tamaños medios de 0.2 km^2 , 4.4 km^2 y 8.8 km^2 , respectivamente, y con valores de circularidad y alargamiento elevados.

La técnica de k-medias no ha proporcionado unas agrupaciones de los objetos del catálogo de depresiones máximas concluyentes debido al importante sesgo que produce el elevado número de depresiones pequeñas. Por lo que se ha establecido una clasificación, utilizando un procedimiento de exclusión, a partir de los valores umbral (Tabla 5) que delimitan los rangos de valores más probables de los histogramas (Figura 7) que tienen los índices, para cada una de las tipologías geomorfológicas de depresiones kársticas en las que se han podido clasificar los inventarios anteriores. La primera exclusión se obtiene para tipologías cuyo perímetro es superior a 31623 m (104.5 m) y la circularidad es mayor que 4, que corresponden a grandes depresiones cuya extensión es mayor de 1 km^2 (Tabla 4) y una superficie promedio de más de 50 km^2 . De las restantes, se han extraído los poljes, de área $>105.7 \text{ m}^2$ y circularidad >1.68 . El tamaño medio de estos poljes supera los 9 km^2 , con un promedio de alargamiento de 1.8 y de forma de 0.256 (Tabla 4). Los tamaños entre los 104.5 m^2 y a los 105.7 m^2 se asignan a úvalas, con circularidad >1.05 y alargamiento >1.5 . Las dolinas identificadas se caracterizan por tener un tamaño inferior a los 104.5 m^2 , con una circularidad inferior a 1.05 las que, en el inventario, se identifican con 21000 m^2 . Finalmente, de las restantes, que no se encuadran como dolinas, por tener una circularidad superior a 1.05, mas irregulares, pero con un tamaño semejante, son depresiones tipo cockpit (Tabla 4).

TABLA 5

Rangos de los índices morfométricos característicos para cada una de las tipologías.

Las celdas sombreadas no aplican umbral de corte del índice para la tipología.

Índices morfométricos relevantes	Tipología geomorfológica de depresión kárstica				
	Dolinas	Dolinas cockpit	Uvalas	Poljes	Gran depresión
Área (m^2)	(10^3 , $10^{4.5}$)	(10^3 , $10^{5.7}$)	(10^3 , $10^{5.7}$)	$> 10^{5.7}$	
Perímetro (m)					$> 10^{4.5}$
Circularidad	< 1.05	> 1.05	> 1.05	> 1.68	> 4
Alargamiento		< 1.5	> 1.5		

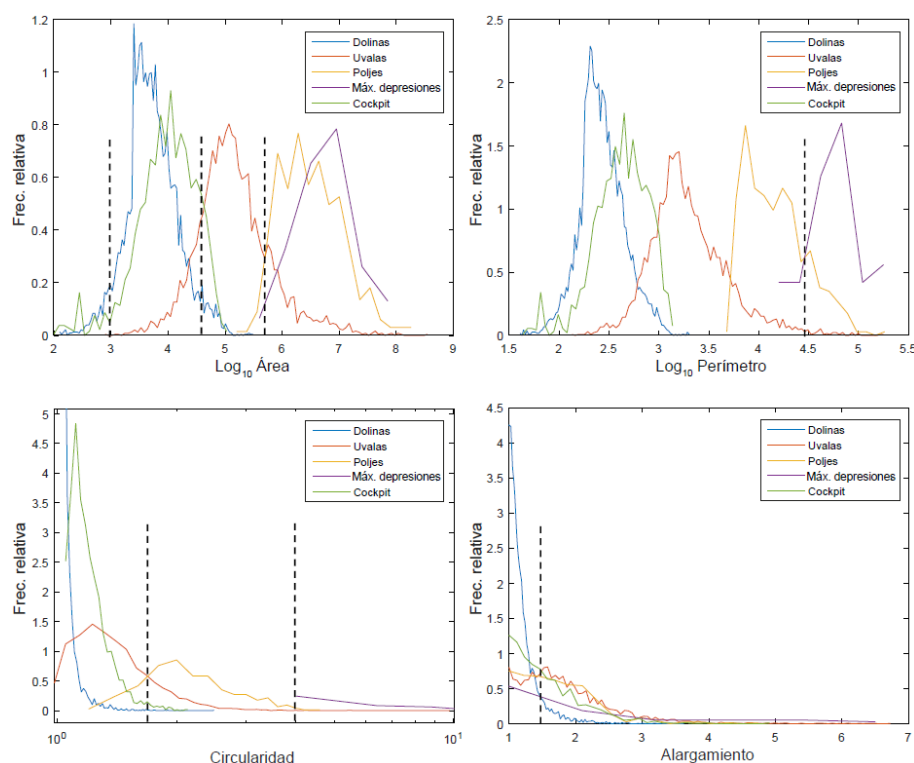


FIGURA 7

Histogramas de los índices morfométricos de tamaño ($\text{Log}_{10}\text{Área}$ y $\text{Log}_{10}\text{Perímetro}$), circularidad y alargamiento para las tipologías geomorfológicas de depresiones kársticas del Estado de Yucatán, sobre los que se establecen los rangos (delimitados por líneas discontinuas verticales) de la Tabla 5.

La unificación de los catálogos por tipologías, suprimiendo las duplicidades, conforma los catálogos de síntesis, con un total de: 6587 dolinas, 5176 depresiones cockpit, 4428 úvalas, 406 poljes y 89 grandes depresiones. Las dolinas, con perímetro y área comprendidos entre 10–102.3 m y 102–105 m², respectivamente, se diferencian de las úvalas, con 102.3–104.5 m y 103.2–107 m², encontrándose entre ambas los cockpit con modas en 102.5 m y de 104 m², como muestran los histogramas calculados de cada índice relacionado con el tamaño (Figura 8a y 8b). Las distribuciones de los índices propios de la forma (Figura 8c–8f) tienen un comportamiento contrario al de las funciones de distribución de tamaños, excepto con la circularidad. La forma y la elongación presentan un cambio en el sesgo de la distribución de probabilidad va variando de ser positivo a negativo a medida que el tamaño de la depresión aumenta, pasando de ser asimétrica positiva o hacia la derecha para las dolinas, a ser asimétrica negativa o hacia la izquierda para las grandes depresiones. La función de distribución del alargamiento posee un comportamiento tipo ley de potencia o invariancia al cambio de escala (Turcotte, 1992).

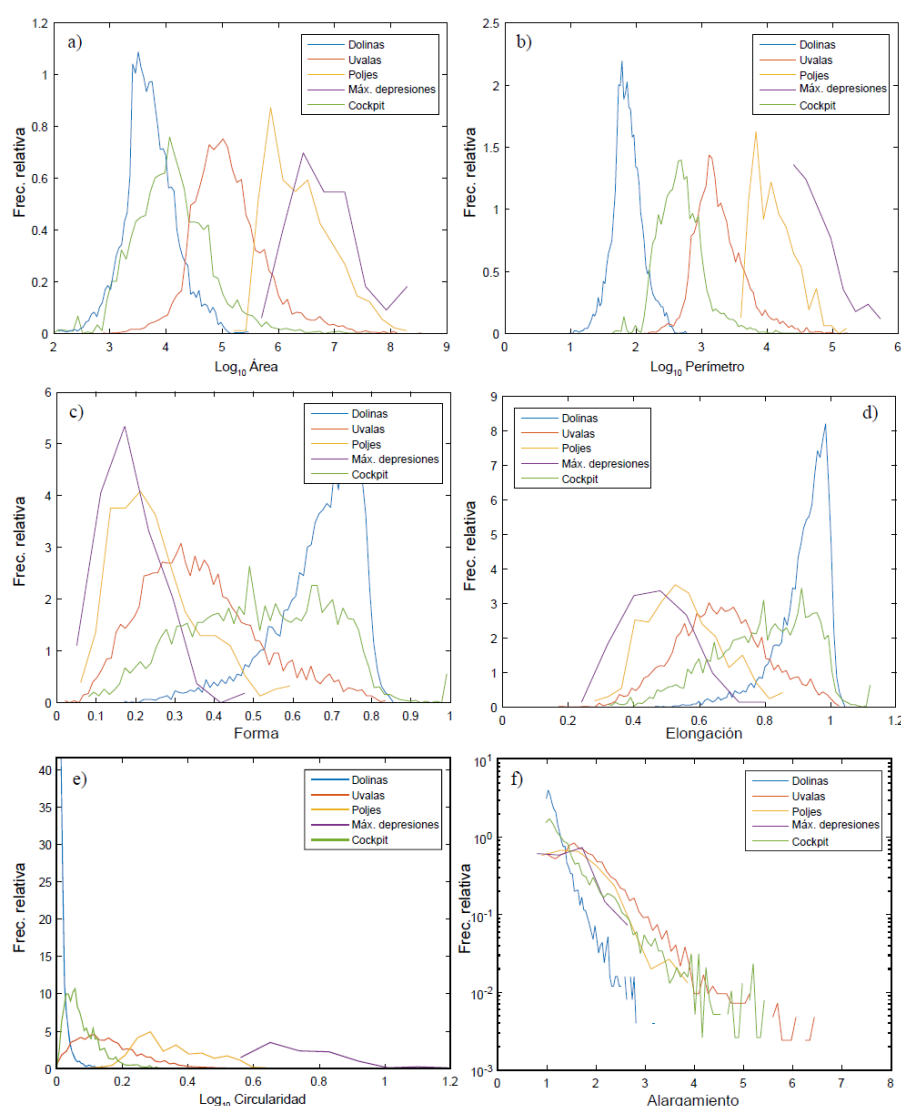


FIGURA 8

Histogramas de los índices morfométricos de tamaño, (a) $\text{Log}_{10}\text{Área}$ y (b) $\text{Log}_{10}\text{Perímetro}$, (c) Forma, (d) Elongación, (e) $\text{Log}_{10}\text{Circularidad}$ y (f) función de distribución acumulada del Alargamiento, para los inventarios de síntesis unificados de cada tipología geomorfológica de depresión kárstica sobre el Estado de Yucatán.

Las dolinas y cenotes (Figura 9a) se encuentran acomodados geográficamente sobre la geometría semicircular perimetral del cráter de Chicxulub, en las planicies con lomeríos marginales a la costa. También se les encuentra sobre la conjunción del campo de fracturas del distrito fisiográfico de Chichen Itzá en las planicies horizontales de altitudes entre los 10 m a 20 m y pequeñas elevaciones del litoral del Mioceno, región donde las lluvias son muy abundantes (1500 mm/a), y sobre la región del borde suroeste de la Falla y Sierrita de Ticul, de lomeríos campechanos con algunas planicies kársticas seniles y pseudopalustres sobre calizas del Mioceno. Este patrón geográfico desaparece en las dolinas tipo cockpit, ubicándose (Figura 9b) en la mitad oriental del EY fuera de la zona de planicies y sobre la Sierra de Ticul, en los límites occidentales de los distritos de Ticul y Tekax, donde el relieve se hace abrupto (MDE, Figura 2d) con lomeríos altos, una gran densidad de mogotes y cerros de pequeño tamaño (Figura 4a), intercalados con llanuras, entre las cuales se desarrollan los cockpit. La distribución de úvalas (Figura 9c) está muy marcada por la orografía del terreno y el ambiente geomorfológico de características tectono-karsticas del sur de Tekax, ya que es mucho

más dispersa que las dolinas sobre la zona de planicie. Sin embargo, se hace mucho más uniforme por las zonas de llanuras onduladas con hondonadas que se encuentran en el borde oriental del EY, disminuyendo su densidad en las llanuras pseudopalustres próximas a este borde. El conjunto de poljes y grandes depresiones, se distinguen de las anteriores por su extensión (Figura 9d), se distribuyen sobre las zonas de llanuras onduladas con hondonadas y lomeríos bajos del centro y mitad oriental del EY, disminuyendo en las llanuras del sur de la Sierrita de Ticul y hasta el borde meridional del estado en donde se topa con la llanura kárstica rocosa quintanarroense de bajos inundables.

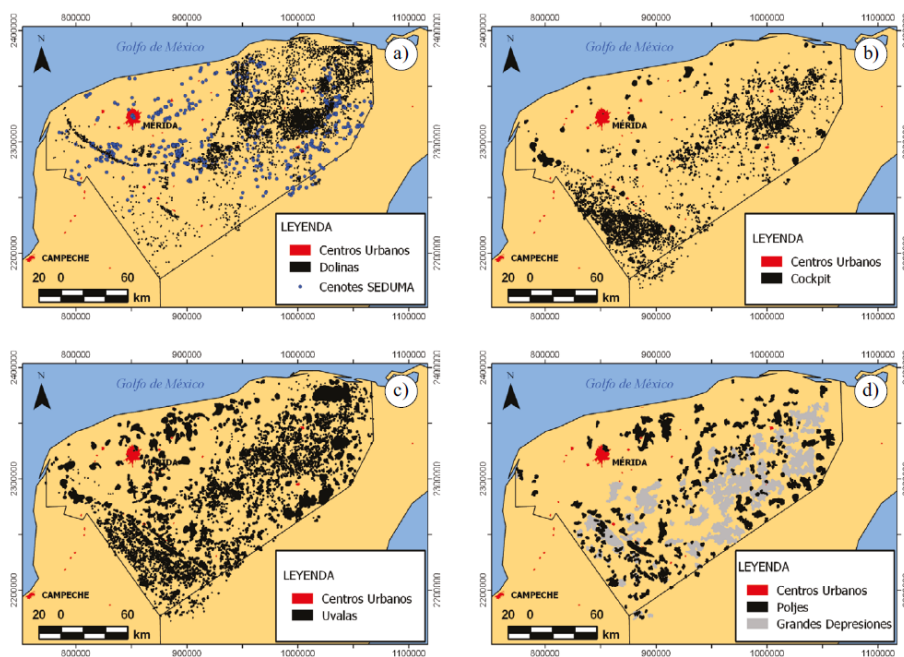


FIGURA 9

Distribución geográfica sobre el Estado de Yucatán de los objetos asociados a cada una de las diferentes tipologías geomorfológicas tras la unificación y síntesis: a) dolinas y cenotes, b) depresiones tipo cockpit, c) úvalas y d) poljes y depresiones de gran extensión.

CONCLUSIONES

En este trabajo se han presentado, extraído y analizado un conjunto de catálogos de depresiones kársticas distribuidas gráficamente sobre el Estado de Yucatán (México). Se han elaborado unos catálogos de síntesis sobre cada una de las tipologías de depresión de acuerdo con un conjunto de índices morfométricos característicos de las mismas. Los índices área, perímetro, circularidad, forma y alargamiento han resultado ser los más relevantes en la clasificación y agrupación de las depresiones como: dolinas, cockpit, uvalas, poljes y grandes depresiones. Los catálogos han sido depurados suprimiendo las curvas abiertas, que encerraban mogotes, o eran incorrectas. De esta manera se redujo el exceso de elementos espurios inventariados que, por ser particularmente pequeños, o por la falta de completitud, dificultaba el reconocimiento de tipologías, haciendo inviable la clasificación que ha sido posible para el resto de catálogos con las técnicas de k-medias. Los parámetros morfométricos medidos para depresiones en diferentes paisajes kársticos indican que no hay una distribución de tamaño asintótica continua; por lo tanto, es posible reconocer diferentes subpoblaciones. Tal como indica Sustersic (1994), las dolinas no son tan regulares como muchos métodos morfométricos simples suponen, ya que su factor de forma se extiende hasta valores de 0.2. Algunas de estas irregularidades probablemente deben su irregularidad al terreno abrupto o montañoso en el que se desarrolla (Sierrita de Ticul o altiplano de Chichén Itzá), otras al mayor dinamismo del conjunto en su evolución que no permite

que la depresión consiga una forma regular. La desigual distribución geográfica de cada tipología muestra que los factores condicionantes en la formación exokárstica afectan de forma distinta en cada una. La ubicación de dolinas y cenotes presenta un condicionamiento fundamentalmente estructural según la geología, tectónica e hidrogeología del subsuelo, ligado a las zonas de debilidad litoestructural sobre el anillo de cenotes – cráter de Chicxulub, o disolución preferencial sobre fallas, fracturas, diaclasas o de circulación hidrogeotérmica ligadas a la dinámica de la haloclina. Sin embargo, a medida que aumenta el tamaño de la depresión kárstica, parece descubrirse más restringida por la estructura del paisaje, estando su fisiografía asociada a llanuras de pequeña o media elevación, hondonadas, mogotes bajos y cerros relativamente dispersos entre los cuales se encuentran las depresiones. Está clara esta relación geológica o fisiográfica con las depresiones de menor y mayor tamaño.

AGRADECIMIENTOS

Este trabajo de investigación se encuadra en el proyecto de I+D+I “Desarrollo metodológico para la caracterización del impacto del cambio climático en terrenos kársticos: condicionantes geológicos, vulnerabilidad y efectos en los recursos hídricos y en el medio ambiente”, en el marco del Plan Estatal de Investigación Científica y Técnica y de Innovación 2013-2016 de España, producto del Convenio Marco firmado entre el Instituto Geológico y Minero de España y la Universidad Nacional Autónoma de México para estudios conjuntos entre México y España. Así mismo, se agradece la inestimable labor del Pr. D. Angel Nieto Samaniego, el cual ha mejorado notablemente el manuscrito, con sus comentarios y aportaciones.

REFERENCIAS

- Aguilar, Y., Bautista, F., Mendoza, M. E., Frausto, O., Ihl, T., 2016, Density of karst depressions in Yucatán state, Mexico: *Journal Cave and Karst Studies*, 78(2), 51-60.
- Al-Kouri, O., Al-Rawashdeh, S., Sadoun, B., Sadoun, B., Pradhan, B., 2013, Geospatial modeling for sinkholes hazard map based on GIS & RS data: *Journal of Geographic Information System*, 5(06), 584.
- Andenberg, M. R., 1973, *Cluster Analysis for Applications*: New York, Academic Press, 359 pp.
- Basso, A., Bruno, E., Parise, M., Pepe, M., 2013, Morphometric analysis of sinkholes in a karst coastal area of southern Apulia (Italy): *Environmental Earth Sciences*, 70 (6), 2545-2559.
- Bauer, C., 2015, Analysis of dolines using multiple methods applied to airborne laser scanning data: *Geomorphology*, 250, 78-88.
- Bauer-Gottwein, P., Gondwe, B.R.N., Charvet G., Marín, L.E., Rebolledo-Vleyra, M., Merediz-Alonso, G. 2011. Review: The Yucatán Peninsula karst aquifer, Mexico: *Hydrogeology Journal*, 19, 507-524.
- Bautista, F., Batllori-Sampedro, E., Ortiz-Pérez, M.A., Palacio-Aponte, G., Castillo-González, M., 2003, Geoformas, agua y suelo en la Península de Yucatán, en Colunga, P., Larque, A. (eds.), *Naturaleza y sociedad en el área maya: México, Yucatán*, Academia Mexicana de Ciencias y Centro de Investigación Científica de Yucatán, 21-35.
- Bautista, F., Batllori-Sampedro, E., Palacio-Aponte, G., Ortiz-Pérez, M., Castillo-González, M., 2005, Integración del conocimiento actual sobre los paisajes geomorfológicos de la Península de Yucatán en Bautista Zúñiga, F., and Palacio, Á.G., eds., *Caracterización y Manejo de los Suelos de la Península de Yucatán: Implicaciones Agropecuarias, Forestales y Ambientales*: Universidad Autónoma de Campeche, Universidad Autónoma de Yucatán, 33-58.
- Bautista, F., Palacio, G., 2011, Parte III. Regionalización edáfica del territorio de México Capítulo 24, en Krasilnikov, P., Jiménez Nava, F. J., Reyna T., García N. E. (eds.), *Península de Yucatán: México*, Universidad Nacional Autónoma de México, Facultad de Ciencias, 462 pp.
- Bautista, F., Aguilar, Y., Batllori, E., 2011, Amenazas, vulnerabilidad y riesgo de contaminación de las aguas subterráneas en la Península de Yucatán: *Teoría y Práxis*, 9, 9-31.

- Bautista, F., Frausto, O., Ihl, T., Aguilar, Y., 2015, Actualización del mapa de suelos del Estado de Yucatán México: Enfoque geomorfopedológico y WRB. *Ecosistemas y Recursos Agropecuarios*, 2(6), 303-315.
- Bautista-Zúñiga, F., Batllori-Sampedro, E., Ortiz-Pérez, M.A., Palacio-Aponte, G., and Castillo-González, M., 2003, Geoformas, agua y suelo en la Península de Yucatán, en Colunga-GarcíaMarín, P., and Larqué-Saavedra, A., (eds.), *Naturaleza y Sociedad en el Área Maya. Pasado, Presente y Futuro*: Academia Mexicana de Ciencias y Centro de Investigación Científica de Yucatán, 21-35.
- Bögli, A., 1980, *Karst Hydrology and Physical Speleology*: Berlin, Heidelberg, Springer-Verlag, 284 pp.
- Bonet, F., Butterlin, J., 1962, Stratigraphy of the northern part of the Yucatan Peninsula: USA, New Orleans, Geological Society, 52-57.
- Bondesan, A., Meneghel, M., Sauro, M., 1992, Morphometric analysis of dolines: *International Journal of Speleology*, 21, 1-55.
- Butterlin, J., Bonet, F., 1960, Información básica para la interpretación geohidrológica de la Península de Yucatán: Mexico, D.F., Secretaría de Recursos Hidráulicos, 28 pp.
- Ćalić, J., 2011, Karstic uvala revisited: toward a redefinition of the term: *Geomorphology*, 134(1-2), 32-42.
- Calinski, T., J. Harabasz, J., 1974, A dendrite method for cluster analysis: *Communications in Statistics*, 3(1), 1-27.
- Chaudhuri, D., Samal, A., 2007, A simple method for fitting of bounding rectangle to closed regions: *Pattern Recognition*, 40(7), 1981-1989.
- Cole, L. J., 1910, The caverns and people of Northern Yucatan: *Bulletin of the American Geographical Society*, 42, 321-336.
- Connors, M., Hildebrand, A.R., Pilkington, M., Ortiz-Aleman, C., Chavez, R.E., Urrutia-Fucugauchi, Graniel-Castro, E., Camara-Zi, A., Vasquez, J., Halpenny, J., 1996, Yucaán karst features and the size of Chicxulub crater: *Geophysical International Journal*, 127, F11-F14.
- Cvijic, J., 1895, *Das karsphänomen*: *Geographische Abhandlungen*, 5, 215-319.
- Davies, D. L., Bouldin, D. W., 1979, A Cluster Separation Measure: *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, PAMI-1(2), 224-227.
- Day, M., 1976, The morphology and hydrology of some Jamaican karst depressions: *Earth Surface Processes and Landforms*, 1, 111-129.
- Doctor, D.H., Young, J.A., 2013, An Evaluation of Automated GIS Tools for Delineating Karst Sinkholes and Closed Depressions From 1-meter LiDAR-derived Digital Elevation Data, en Land, L., Doctor, D. H., Stephenson, J. B. (eds.), *Proceedings of the 13th Multidisciplinary Conference on Sinkholes and the Engineering and Environmental Impacts of Karst*: Carlsbad, New Mexico, NCKRI Symposium, 449-458.
- Doehring, O.D., Butler, J.H., 1974, Hydrogeologic Constraints on Yucatán's Development: *Science*, 186, 591-595.
- Duch, J., 1991, *Fisiografía del estado de Yucatán: Su relación con la agricultura*: Chapingo, Estado de México, México, Centro Regional de la Península de Yucatán, Universidad Autónoma Chapingo, 223 pp.
- Espinosa-Cardena, J.M., Campos-Enríquez, J. O., Unsworth, M., 2016, Heat flow pattern at the Chicxulub impact crater, northern Yucatan, Mexico: *Journal of Volcanology and Geothermal Research*, 311, 135-149.
- Finch, W. A., 1965, *The Karst Landscape of Yucatan*: Washington, D.C., National Research Council, 180 pp.
- Florea, L., 2005, Using state-wide GIS data to identify the coincidence between sinkholes and geologic structure: *Journal of Cave and Karst Studies*, 67, 120-124.
- Ford, D.C., Williams, P., 2007, *Karst Hydrogeology and Geomorphology*: Chichester, England, John Wiley and Sons Ltd., 578 pp.
- Fragoso-Servón, P., Bautista, F., Frausto, O., Pereira, A., 2014, Caracterización de las depresiones kársticas (forma, tamaño y densidad) a escala 1:50 000 y sus tipos de inundación en el Estado de Quintana Roo, México: *Revista Mexicana de Ciencias Geológicas*, 31(1), 127-137.
- Galve, J.P., Castañeda, C., Gutiérrez, F., Herrera, G., 2015, Assessing sinkhole activity in the Ebro Valley mantled evaporite karst using advanced DInSAR: *Geomorphology*, 229(0), 30-44.

- García, E., 1990, Carta de climas (1:4 × 106). Atlas Nacional de México: México D.F., Instituto de Geografía, Universidad Nacional Autónoma de México.
- García, F.J., 1987, Controles morfométricos de los campos de dolinas en el sector central de la Cordillera Ibérica: Cuaternario y Geomorfología, 1, 119-134.
- Gravelius, H., 1914, Grundriss der gesamten Gewässerkunde. Band I: Flusskunde: Berlin, Alemania, G.J. Göschen, 179 pp.
- Grimaldi, S., Nardi, F., Di Benedetto, F., Istanbuluoglu, E., Bras, R. L., 2007, A physically-based method for removing pits in digital elevation models: Advances in Water Resources, 30(10), 2151-2158.
- Gutiérrez-Elorza, M., 2008, Geomorfología: Madrid, España, Pearson Educación, S.A., 920 pp.
- Gutiérrez, F., Guerrero, J., Lucha, P., 2008, A genetic classification of sinkholes illustrated from evaporite paleokarst exposures in Spain: Environmental Geology, 53, 993-1006.
- Gutiérrez, F., Parise, M., De Waele, J., Jourde, H., 2014, A review on natural and human induced geohazards and impacts in karst: Earth-Science Reviews, 138(0), 61-88.
- Hildebrand, A., Penfield, G., Kring, D., Pilkington, M., Camargo, A., Jacobsen, S.B., Boynton, W., 1991, Chicxulub crater: A possible Cretaceous/Tertiary boundary impact crater on the Yucatan peninsula, Mexico: Geology, 19, 867-871.
- Horton, R.E., 1932, Drainage-basin characteristics: Transactions of the American Geophysical Union, 13, 350-361.
- Hung, L.Q., Dinh, N.Q., Batelaan, O., Tam, V.T., and Lagrou, D., 2002, Remote sensing and GIS-based analysis of cave development in the Suoimuoi catchment (Son La – NW Vietnam): Journal of Cave and Karst Studies, 64, 23-33.
- Huang, W., Deng, C.J., Day, M., 2014, Differentiating tower karst (fenglin) and cockpit karst (fengcong) using DEM contour, slope, and centroid: Environmental Earth Sciences, 72(2), 407-416.
- Ihl, T., Frausto, O., Rojas, J., Giese, S., Goldacker, S., Bautista, F., Bocco, G., 2007, Identification of geodisasters in the state of Yucatan, Mexico: Neues Jahrbuch für Geologie und Paläontologie, 246, 299-311.
- INEGI (Instituto Nacional de Estadística, Geografía e Informática) 1983, Carta geológica 1:250000: México, D.F., Secretaría de Programación y Presupuesto, 1 mapa.
- Jackson, S., 2012, Designing an Optimal Pit Removal Tool for Digital Elevation Models: Austin, Texas, CRWR GIS in Water Resources, 11 pp.
- Jenson, S. K., Domingue, J. O., 1988, Extracting topographic structure from digital elevation data for geographic information system analysis: Photogrammetric Engineering and Remote Sensing, 54(11), 1593-1600.
- Jennings, J.N., 1985, Karst Geomorphology, 2nd ed.: Oxford-New York, Basil Blackwell, 304 pp.
- Kaufman, L., Rousseeuw, P.J., 1990, Finding Groups in Data: An Introduction to Cluster Analysis: Hoboken, New Jersey, John Wiley & Sons, Inc., 342 pp.
- Lefticariu M., Perry, E.C., Ward, W.C., Lefticariu, L., 2006, Post-Chicxulub depositional and diagenetic history of the northwestern Yucatan Peninsula, Mexico: Sedimentary Geology, 183(1-2), 51-69.
- Lindsay, J.B., 2016, Efficient hybrid breaching-filling sink removal methods for flow path enforcement in digital elevation models: Hydrological Processes, 30(6), 846-857.
- Lindsay, J.B., Creed, I.F., 2005, Removal of artifact depressions from digital elevation models: towards a minim impact approach: Hydrological Processes, 19(16), 3113-3126.
- Liu, H., Wang, L., Sherman, D., Gao, Y., Wu, Q., 2010, An object-based conceptual framework and computational method for representing and analyzing coastal morphological changes: International Journal of Geographical Information Science, 24(7), 1015-1041.
- Lloyd, S.P., 1982, Least Squares Quantization in PCM: IEEE Transactions on Information Theory, 28, 129-137.
- López-Ramos, E. 1973, Estudio Geológico de la Península de Yucatán: Boletín de la Asociación Mexicana de Geólogos Petroleros, 25(1-3), 23-75.
- López-Ramos, E., 1975, Geological summary of the Yucatan Peninsula, en A.E.M. Nairn y F.G. Stehli (eds.), The Ocean Basins and Margins, V. 3: New York, Plenum, The Gulf of Mexico and Caribbean, 257-282.

- Lugo-Hubp, J., García-Arizaga, M. T., 1999, Mapa de geomorfología de la Península de Yucatán, escala 1:1200000, en Chico Ponce de León, P.A. (coord.), Atlas de Procesos territoriales de Yucatán: México, Facultad de Arquitectura, Universidad Autónoma de Yucatán, Editorial UADY- PROEESA, 388 pp.
- Lugo-Hubp, J., Aceves, J.F., Espinaza-Pereña, R., 1992, Rasgos geomorfológicos mayores de la Península de Yucatán: Revista Instituto Geología, 2, 143-150.
- Lyew - Ayee, P., Viles, H. A., Tucker, G. E., 2007, The use of GIS - based digital morphometric techniques in the study of cockpit karst: Earth Surface Process and Landforms, 32(2), 165-179.
- Marín, L.E., 1990, Field Investigations and numerical simulation of groundwater flow in the karstic aquifer of northwestern Yucatan, Mexico, PhD Thesis, Northern Illinois University, Dekalb, IL, 183 pp.
- Martínez, W.L., Martínez, A.R., 2016, Computational statistics handbook with MATLAB: Boca Ratón, Florida, Chapman & Hall/CRC, Computer Science & Data Analysis, 591 pp.
- Monroy-Ríos, E., Beddows, P., A., 2015, EP53A-0979: Hydrogeothermal Convective Circulation Model for the Formation of the Chicxulub Ring of Cenotes in the Yucatan Peninsula, Mexico: American Geophysical Union AGU Fall Meeting, San Francisco, California, Dec., 14-18.
- Nava, V.A., 2015, Percepción, conocimiento local y descripción de la calidad del agua de cenotes de interés turístico y recreacional, Tesis Doctoral, Departamento de Ecología Humana, Unidad Mérida, Instituto Politécnico Nacional, 108 pp.
- Nsonguh, F., 2016, Use and Evaluation of LiDAR for Mapping Sinkholes in Royal Spring Groundwater Basin: Theses and Dissertations--Earth and Environmental Sciences, University of Kentucky. Paper, 36, 49 pp.
- Orellana, R., Espadas, C., Conde, C., Gay, C., 2009, Atlas Escenarios de cambio climático en la Península de Yucatán: Yucatán, México, Centro de Investigación Científica de Yucatán, A.C. Mérida, 115 pp.
- Pardo-Iguzquiza, E., Durán, J.J., Luque-Espinar, J.A. y Martos-Rosillo, S., 2014, Análisis del relieve kárstico mediante el modelo digital de elevaciones. Aplicación a la Sierra de las Nieves (provincia de Málaga): Boletín Geológico y Minero, 125(3), 381-389.
- Paull, C.K., Caress, D.W., Gwiazda, R., Urrutia-Fucugauchi, J., Rebolledo-Vleyra, M., Lundsten, E., Anderson, K., Sumner, E. J., 2014, Cretaceous– Paleogene boundary exposed: Campeche Escarpment, Gulf of Mexico: Marine Geology, 357, 392-400.
- Polanco, A. G., Navarro, J. A., Solorio, J., Mena, G. J., Marrufo, J., Del Valls, T. A., 2015, Contamination by organochlorine pesticides in the aquifer of the Ring of Cenotes in Yucatán, México: Water and Environment Journal, 29, 140-150.
- Penfield, G., Camargo, A., 1981, Definition of a major igneous zone in the central Yucatan platform with aeromagnetism and gravity, en Annual Meeting Society of Exploration Geophysicists: Los Angeles, Calif., EE.UU., Technical Program Abstracts, 51, 37.
- Peña, D., 2014, Fundamentos de estadística: Madrid, Alianza Editorial, S.A., 243 pp.
- Perry, E., Marín, L., McClain, J., Velazquez, G. 1995, Ring of Cenotes (sinkholes), northwest Yucatán, Mexico: its hydrogeologic characteristics and possible association with the Chicxulub Impact Crater: Geology 23(1), 17-20.
- Perry, E., Paytan, A., Pedersen, B., Velazquez-Oliman, G., 2009, Groundwater geochemistry of the Yucatán Peninsula, Mexico: Constraints on stratigraphy and hydrogeology: Journal of Hydrology, 367, 27-40.
- Plan, L., Decker, K., Faber, R., Wagreich, M., Grasemann, B., 2009, Karst morphology and groundwater vulnerability of high alpine karst plateaus: Environmental Geology, 58, 285-297.
- Radulović, M.M., 2013, A new view on karst genesis: Carbonates and Evaporites, 28(4), 383-397.
- Rebolledo-Vieyra, M., Urrutia-Fucugauchi, J., López, H., 2010, Aeromagnetic anomalies and structural model of the Chicxulub multiring impact crater, Yucatan, Mexico: Revista Mexicana de Ciencias Geológicas, 27(1), 185-195.
- Rebolledo-Vleyra, M., Urrutia-Fucugauchi, J., Marín, L.E., Trejo-García, A., Sharpton, V.L., Soler-Arechalde, A.M., 2000, UNAM Scientific Shallow- Drilling Program of the Chicxulub Impact Crater: International Geology Review, 42(10), 928-940.
- Rohlf, F.J., Fisher, D.R., 1968, Test for hierarchical structure in random data sets: Systematic Zoology, 17, 407-412.

- Rouseeuw, P.J., 1987, Silhouettes: a graphical aid to the interpretation and validation of cluster analysis: *Journal of Computational and Applied Mathematics*, 20(1), 53-65.
- Sauro, U., 2003, Dolines and sinkholes: aspects of evolution and problems of classification: *Acta Karstologica*, 32(2), 41-52.
- Sauro, U., 2012, Closed depressions in karst áreas, en Culvet, D.C., White, W.B. (eds.), *Encyclopedia of Caves*: Amsterdam Elsevier, 108-127.
- Schmitter-Soto, J. J., Comín, F.A., Escobar-Briones, E., Herrera-Silveira, J., Alcocer, E., Suárez-Morales, J., Elías-Gutiérrez, M., Díaz-Arce, V., Marín, L.E., Steinich, B., 2002, Hydrogeochemical and biological characteristics of cenotes in the Yucatan Peninsula (SE Mexico): *Hidrobiología*, 467, 215-228.
- Schumm, S.A., 1956, The evolution of drainage systems and slopes in badlands at Perth Amboy, New Jersey: *Bulletin of the Geological Society of America*, 67, 597-646.
- SEDUMA (Secretaría de Desarrollo Urbano y Medio Ambiente del Gobierno de Yucatán), 2015, Bitácora Ambiental del Programa de Ordenamiento Ecológico y Territorial del Estado de Yucatán (en línea): Secretaría de Desarrollo Urbano y Medio Ambiente <http://www.bitacoraordenamiento.yucatan.gob.mx/index.php>
- SGM (Servicio Geológico Mexicano), 2007, Carta geológica de México, escala 1:2,000,000, 6th ed: Pachuca, Hidalgo, México, Servicio Geológico Mexicano, 1 mapa.
- Sharpton, V.L., Dalrymple, G., Marin, L., Ryder, G., Shuraytz, B., Urrutia-Fucugauchi, J., 1992, New links between the Chicxulub impact structure and the Cretaceous/Tertiary boundary: *Nature*, 359, 819-821.
- Shofner, G.A., Mills, H.H., and Duke, J.E., 2001, A simple map index of karstification and its relationship to sinkhole and cave distribution in Tennessee: *Journal of Cave and Karst Studies*, 63, 67-75.
- Soille, P., 2004, Optimal removal of spurious pits in grid digital elevation models: *Water Resources Research* 40, W12509, 1-9.
- Soille, P., Vogt, J., Colombo, R., 2003, Carving and adaptive drainage enforcement of grid digital elevation models: *Water Resources Research* 39(12), 1366, 1-13.
- Sokal, R.R., Sneath, P.H.A., 1963, *Principles of numerical taxonomy*: San Francisco, W.H. Freeman & Co., xvi+359 pp.
- Steinich, B., 1996, Investigaciones geofísicas e hidrogeológicas en el noroeste de la Península de Yucatán, México: México, Universidad Nacional Autónoma de México, Instituto de Geofísica, Tesis doctoral, 96 pp.
- Steinich, B., Marín, L.E., 1997, Determination of flow characteristics in the aquifer of the Northwestern Peninsula of Yucatan, Mexico: *Journal Hydrology* 191(1-4), 315-331.
- Steinich, B., Velázquez, G., Marín, L. E., Perry, E., 1996, Determination of the ground water divide in the karst aquifer of Yucatán, Mexico, combining geochemical and hydrogeological data: *Geofísica Internacional*, 35(2), 153-159.
- Sustersic, F., 1994: Classic dolines of classical sites: *Acta Carsologica*, 23, 123-156
- Sweeting, M.M., 1973, *Karst Landforms*: New York, N.Y., Columbia University Press. 362 pp.
- Szukalski, B.W., 2002, Introduction to cave and karst GIS: *Journal of Cave and Karst Studies*, 64, 3.
- Telbisz, T., Látos, T., Deák, M., Szekely, B., Koma, Z., Standovártandovár, T., 2016, The advantage of lidar digital terrain models in doline morphometry compared to topographic map based datasets – Aggtelek karst (Hungary) as an example: *Acta Karstologica*, 45(1), 5-18.
- Tibshirani, R., Walther, G., Hastie, T., 2001, Estimating the number of clusters in a data set via the gap statistic: *Journal of the Royal Statistical Society, Series B*, 63(2), 411-423.
- Trauth, M.H., 2010, *MATLAB recipes for earth sciences*: Berlin Heidelberg, Springer-Verlag, 349 pp.
- Turcotte, D.L., 1992, *Fractals and Chaos in Geology and Geophysics*: Cambridge, Reino Unido, Cambridge Press, 221 pp.
- Urrutia-Fucugauchi, J., Marin, L., Trejo-Garcia, A., 1996, UNAM scientific drilling program of Chicxulub impact structure - evidence for a 300 kilometer crater diameter: *Geophysical Research Letters*, 23, 1565-1568.
- Urrutia-Fucugauchi, J., Morgan, J., Stöffler, D., Claeys, P., 2004, The Chicxulub Scientific Drilling Project (CSDP): *Meteoritics and Planetary Science*, 39, 787-790.

- Urrutia-Fucugauchi, J., Camargo, A., Pérez, L., Pérez, G., 2011, The Chicxulub multi-ring impact crater, Yucatan carbonate platform, Gulf of Mexico: *Geofísica Internacional*, 50(1), 99-127.
- Vidal-Zepeda, R., 2005, Las regiones climáticas de México, 1.2.2. Temas selectos de Geografía de México: Instituto de Geografía, Universidad Nacional Autónoma de México. 210 pp.
- Wang, L., Liu, H., 2006, An efficient method for identifying and filling surface depressions in digital elevation models for hydrologic analysis and modelling: *International Journal of Geographical Information Science*, 20(2), 193-213.
- Weide, A.E., 1985, Part I: Geology of Yucatan Peninsula en Ward, W.C., Weidie, A.E., Back, W., Andrews, A.P., New Orleans Geological Society (eds.), *Geology and hydrogeology of the Yucatan and quaternary geology of northeastern Yucatan Peninsula*: New Orleans, LA, New Orleans Geological Society, 160 pp.
- White, W.B., David C.C. (eds.), 2012, *Encyclopedia of Caves*: Waltham, MA, Academic Press, 443 pp.
- Williams, P.W., 1971, Illustrating morphometric analysis of karst with examples from New Guinea: *Zeitschrift für Geomorphologie*, 15, 40-61.
- Williams, P.W., 1972, The analysis of spatial characteristics af karst terrains en Chorley, R.J. (ed.): *Spatial Analysis in Geomorphology*: Methuen & Co., 135-163.
- Wu, Q., Lane, C., Liu, H., 2014, An effective method for detecting potential woodland vernal pools using high-resolution LiDAR data and aerial imagery: *Remote Sensing*, 6(11), 11444–11467.
- Wu, Q., Liu, H., Wang, S., Yu, B., Beck, R., Hinkel, K., 2015, A localized contour tree method for deriving geometric and topological properties of complex surface depressions based on high-resolution topographical data: *International Journal of Geographical Information Science*, 29(12), 2041-2060.
- Zhu, J., Taylor, T.P., Currens, J.C., Crawford, M.M., 2014, Improved karst sinkhole mapping in Kentucky using LiDAR techniques: a pilot study in Floyds Fork Watershed: *Journal of Cave and Karst Studies*, 76(3), 207-216.